

DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA
INAUGURALIS,

DE

NATURA FLU-
MINUM.

DIGRATIS MELIORA DEDUCIT
SALVATIONIS

УДАЧИ
МУНИМ.

18

DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA
INAUGURALIS,

DE

NATURA FLU-
MINUM,

QUAM

FAVENTE SUMMO NUMINE,

Ex Autoritate RECTORIS MAGNIFICI,

DIONYSII GODEFRIDI VAN DER KEESSEL,

J. U. D. ET PROFESSORIS JUR. CIV. ORDINARII;

N E C N O N

*Amplissimi SENATUS ACADEMICI Consensu, &
Nobilissimae FACULTATIS PHILOSOPHICAE Decreto,*

PRO GRADU DOCTORATUS,

Artium Liberalium Magisterio,

Summisque in PHILOSOPHIA Honoribus ac Privile-
giis, rite & legitime consequendis,

Publico ac solemnri examini submitit

JOANNES ESDRÉ,

CURASSOVIA-AMERICANUS.

Ad diem XVIII. Junii CCCLXXIII. ab hora 8 ad 10.



LUGDUNI BATAVORUM,
APUD JOANNEM LE MAIR, 1773.

239 (10)
D 11

DISPUTATIO MATHEMATICO-MUSICA
IN AUGUSTA 1818.

УЛЯСТАИ МУЗИМ.

и к о

АИМУИ ОММИА ТИАУАТ

ДИСПУТАЦИЯ МАТЕМАТИЧЕСКАЯ

DISPUTATIO MATHEMATICO-MUSICA

ДИСПУТАЦИЯ МАТЕМАТИЧЕСКАЯ

и к о

ДИСПУТАЦИЯ МАТЕМАТИЧЕСКАЯ

ДИСПУТАЦИЯ МАТЕМАТИЧЕСКАЯ

ДИСПУТАЦИЯ МАТЕМАТИЧЕСКАЯ

и к о

ДИСПУТАЦИЯ МАТЕМАТИЧЕСКАЯ

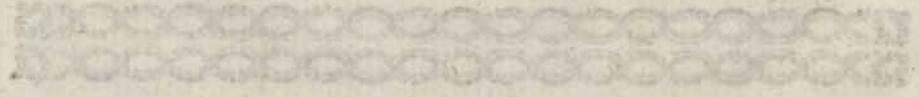
ДИСПУТАЦИЯ МАТЕМАТИЧЕСКАЯ

ДИСПУТАЦИЯ МАТЕМАТИЧЕСКАЯ

ДИСПУТАЦИЯ МАТЕМАТИЧЕСКАЯ

— СЕВЕРСКИЙ — АНГЛИЙСКИЙ

ДИСПУТАЦИЯ МАТЕМАТИЧЕСКАЯ



ДИСПУТАЦИЯ МАТЕМАТИЧЕСКАЯ

ДИСПУТАЦИЯ МАТЕМАТИЧЕСКАЯ

V I R O
NOBILISSIMO ET ILLUSTRISSIMO
OTHONI FREDERICO
COMITI DE
LYNDEN,
PAGI VOORSTÆ, ET INFERIORIS HEMERTI
TOPARCHÆ,

INTER GELRIÆ EQUITES CONSCRIPTO, ET AB
EA REGIONE AD CAMERAM RATIONUM
ORDINUM GENERALIUM DELEGATO,
JUDICI, ET CHOMARCHO SUPERIO-
RIS BATUÆ, ETC. ETC. ETC.

HANCCE DISSERTATIONEM SACRAM
ESSE JUBET

A U C T O R.

V I R
M A T R I C O
O N T E R E D E R I C O
C O M I T I D E

U N D I X L

U A C I V O O D S T A T I N N E R O I T S H U M E R I
T O P A R C H E
I N T E R C O M M U N I C E U T T E T U R
A D R E G I O N E A D O M M A K A T O N U M
O R D I N U M C E N T R A L I U M D E L E G A T O
J U D I C I U T C H O N D R I C H O S U M E R I O
R I S H A T U R Y A T A T A T A

H A N C E Z D I S S E R T A T I O N E M S C R A M
E S S E J U B E T

Y O T C U A



PRÆFATIO.

Quid opus est bujus materiae, de qua hanc DISSE-
TATIONEM conscribere aggressus sum, utilitatem
ac necessitatem pro Nostra PATRIA multis com-
mendare? cum satis palam sit, quantum in hac
Regione fluminum cura, ac regimen nostra intersit; his itaque
missis, tantum pauca in antecessum bac in præfatiuncula circa
bujus materiae divisionem mihi sunt observanda.

Optimam mihi hanc videtur involvere divisionem: scilicet
hic de Natura Fluminum in Telluris nostræ superficie ex elatis
ad inferiora ruentium loca agitur. Flumen in statu suo natu-
rali, ob inæqualem Telluris corticis constitutionem variis ob-
noxium est mutationibus, ita ut regulæ circa ipsius cursum
tradi vix posse videantur; ut tamen quædam tradi queant re-
gulæ, omnino requiritur, ut omnes illæ jeponantur irregula-
ritates, & flumen consideretur in abstracto, nulla retarda-
tionum, quæ fluxui fluminis obstant, habita ratione, sicque
indagandum, quasnam per alveum fluentes aquæ tunc sequan-
tur leges: verum tales regulæ elici nequeunt, nisi in anteces-
sum præmoneatur, quid sit fluidum, præmittanturque quædam
principia, quibus fluidum non tantum in se invicem, sed & in
corpo-

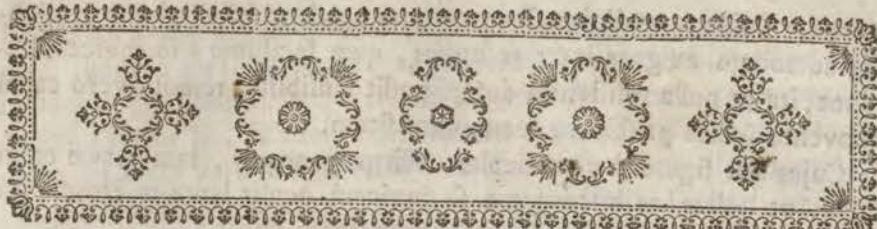
P R A E F A T I O.

corpora resistentia agat. Ad hæc itaque attendens meam DISSERTATIONEM dispescere constitui in tria capita, ita ut in Primo Capite aliquas corpori fluido competentes proprietates explicaturus, capite sequenti indagaturus Leges, quas flumen, sepositis omnibus retardationibus, sequatur, utque tandem Capite ultimo has regulas flumini in statu naturali existenti applicaturus, variasque mutationum, vitiorumque causas exinde deducaturus sim.

Exempla, quæ hic illic citavi, quantum perficere potui, ex nostrorum Fluminum statu desumsi. Hæc omnia tantum breviter proposui, multaque ad hæc pertinentia missa feci, quum tantum prima & certa hujus materiæ fundamenta hisce pagellis jacere animus mibi fuit, quæ tamen pro exiguis mei ingenii viribus demonstravi, si autem forsitan B. L. non ubivis tulerim punctum, nec hic vel illic quid sat accurate dixerim, tua humanitate corrige, meisque conatibus fave.



D I S-



DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA
INAUGURALIS,

DE

NATURA FLUMINUM.

C A P U T P R I M U M.

De Quibusdam fluidorum proprietatibus.

§. I.

Fluidum est corpus, cuius massa est congeries particula-
rum admodum exiguarum, quæ omnes facillime cui-
cunque cedunt impressioni, nobisque nullam cohæsi-
onem exhibent sensibilem, ita ut unaquæque particula
libere sequatur nisum suæ ipsius gravitatis. Hac defi-
nitione patet, corpus fluidum ex innumeris aliis constare corpuscu-
lis: per hæc corpuscula non tamen intelligimus istas primas molecu-
las, atomos sive principium elementare, hoc enim pacto omnia

A

cor-

2 DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

corpora fluida tunc dici possent: verum per hæc intelligimus particulas admodum exiguae inter se unitas, quæ facillime a se invicem cedunt, ita ut nulla resistentia detegi possit sensibilis, remotâ vero causâ movente subito pristinum recuperant situm.

Cujus sint figuræ hæc particulæ, affirmari nequit, tam parvæ enim sunt, ut nullus has hucusque a se invicem oculis lente microscopica armatis, multo minus inermibus, dignoscere queat.

Hæc particulæ sunt durissimæ, quod experientia sat docuit; philosophi enim florentini periculum fecerunt, utrum ne possint aquam condensare, atque in minus volumen redigere, sed in cassum, particulæ enim tam duræ fuerunt, ut roris instar transudaverint per poros globi metallici maxima vi prelo compressi. Quotidiana experientia hoc satis superque quoque docet, dum corpus projectum juxta superficiem aquæ, saepe videtur resilire, non secus ac corpus solidum impingatur in aliud corpus solidum elasticum.

§. I I.

Partes, quibus constat fluidum, parum inter se cohærent, ita ut vis, quæ has a se invicem separare conatur, nullam omnino sensibilem deprehendat resistentiam; remotâ autem causa movente facillime ac subito inter se sublabuntur, nullumque pressionis vestigium relinquunt.

Hinc oritur quædam proprietas, soli corpori fluido competens, quæque ipsum a reliquis corporibus distinguit, hæc vocatur ipsius fluiditas.

Si movetur corpus solidum, moventur quoque omnes ipsius partes simul, quod in fluido sic non obtinet: aut si digito movemus partes acervi farinæ, deprehendimus has facillime quidem a se removeri, cessante vero causa movente, non iterum inter se sublabuntur, sed causæ prementis vestigium relinquunt; longe aliter est in fluido, si enim digito a se invicem removemus fluidi particulas, facillime a se invicem cedunt, &, remoto digito, subito inter se collabuntur, pristinumque recuperant situm.

Hujus fluiditatis causam generaliter oriri mihi videtur, ex materia ignea, quæ penetravit inter partes fluidi, imminuitque sic cohaesio-

hæsionem, quæ aliter daretur; adeoque efficit, ut eo facilius particulae supra se invicem rotari, aut moveri, atque delabi possint, minimæque pressioni cedant: si enim particulæ ignæ removentur, cohæsio major sit, & subito convertitur fluidum in solidum sive glaciem. Utrum vero soli privationi caloris, an particulis frigorificis seu glacialibus causa congelationis quoque adscribi debeat, hic non inquiram. Hinc quidam doctissimi viri Boerhaeius, De Mairan aliique opininati fuerunt, fluiditatem propriam non esse corpori fluido, sed quid accidentale, ita ut in statu suo naturali sit corpus solidum, nec fluidum fiat, nisi sufficienter introgressis particulis igneis, quæ illud in statu fluiditatis retinent.

Attamen partium constructionem præterea multum conferre ad ipsius fluiditatem omnino negari nequit, sunt enim exiguae, & verosimiliter figuram habent, quæ maxime prodest mobilitati isti facilioriæ, ut hoc videmus in aliis corporibus minutioribus, quo enim minutiores & rotundiores sint particulæ, eo facilius citiusque inter se moventur: exemplum præbet acervus milii, aut arenæ, milii enim partes citius & facilius moventur, quam partes arenæ grossiores. Utrum vero sint cylindruli aut sphærulæ, aut alijs figuræ affirmare non audeo, quum, ut dixi (§. I.) hucusque nullis experimentis hæc res constituit.

§. III.

Fluidum cum corporibus solidis conyenit in eo, quod sit grave, hacque gravitate ideo conatur telluris centrum versus descendere; differt autem maxime ab ipsis, pressione & actione, quas in se invicem ejus particulæ, ut & in corpora solida exercent; quas ut nunc examinemus, secundum leges hydrostaticas, & hydraulicas, necesse est, ut fluidum concipiamus tanquam constans pluribus particulis, quas, ad faciliorem reddendam demonstrationem, supponemus, sphæricas.

Series harum particularum in quadam altitudine collectarum vocatur tunc *columna fluidi*.

(*) Sic capiatur vas AD aquâ repletum, ipsius fundus CD premitur tunc

(*) Tab. I. Fig. I.

4 DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

tunc columnnis, AD , bc , ed , CA , quæ omnes pondere suo proprio premunt puncta, quibus perpendiculariter insistunt, adeoque totus fundus premitur gravitate omnium harum columnarum simul sumtarum.

§. I V.

Pressio hæc adeoque nihil aliud est, nisi conatus sive nisus, cuiusunque particulæ versus telluris centrum, omnes partes enim sunt graves, hoc tamen negavit olim Aristoteles, quum dicit: *elementum in elemento non gravitare*, quam sententiam experientiæ jam dudum contrariari, constitit.

§. V.

Particulæ superiores premunt sua gravitate in inferiores, hæc autem eadem vi reagunt in superiores particulas, ipsasque sustinent, adeoque hæc *pressio est in ratione altitudinis fluidi supra particulam pressam*.

(*) Particula enim a sua gravitate premit in particulam f , quæ reagit in a ipsamque sustinet. Simili modo particula g premitur a particulis a & f , hasque sustinet; adeoque particula in D premitur pondere totius columnæ AD , unde liquet particulam in D majori vi pressuram esse, quo plures particulæ in ipsam gravitantes dantur. Pressio itaque hæc crescit ad instar altitudinis fluidi superincumbentis, eademque in ratione, minuitur, prout minuatur ipsius altitudo.

§. VI.

Si corpus itaque intra aquam demergatur, quo profundius descendit, eo majori vi ab aqua superincumbenti premitur; neque credamus, hanc insensibilem esse vim, tanta enim est, ut obturamentum suberinum claudens orificium lagenæ intra mare ad magnam profunditatem demersæ, intra ipsius ventrem imprimere valuerit. (a)

§. VII.

(*) Tab. I. Fig. I.

(a) L'Hist. de L'Acad. Royal. Ao. 1737. p. II.

§. VII.

Quoniam omnes partes fluidi non ita ordinate sibi invicem sunt impositae, neque forsan omnes ejusdem magnitudinis, ut hucusque statuimus, pressiones, quas in se invicem exerunt particulæ, non tantum sunt inferiora versus, sed peragunt pressiones æqualiter omnes partes versus, quod ex natura fluiditatis sequitur.

(*) Concipiamus quatuor particulæ æquales, sibique invicem impositas, A, B, C, D. Pars A suo pondere premet in partem B, & D; per directionem EF in B, & per directionem EK in D. haec lineæ transeunt per puncta r & q, ubi circuli sese tangunt, desinuntque suis extremitatibus in centris horum circulorum.

Particula A premens per EF, in B, agit per potentiam obliquam, adeoque resolvi potest in duas alias potentias EG, & GF. similiter per EK agit oblique in D, quæ iterum resolvi potest in EG & GK.

Quatenus nunc agit per EG perpendiculariter non agit in D, neque in B; quatenus autem agit per GF premit in particulum B, sic etiam premit particulam D per GK, quæ lineæ GF & GK, hic exprimunt actionem, quam exserit in has particulæ.

Nunc GF = Fr, quia sunt radii ejusdem circuli. Sed Fr = $\frac{1}{2}$ EF, ergo pressio in corpus B est æqualis $\frac{1}{2}$ totius ponderis sive pressuræ particulæ A. Nam EF exprimit integrum actionem ipsius particulæ: similiter linea GK = Kq = $\frac{1}{2}$ pressuræ particulæ ejusdem A in D. Particulæ autem B & D retinentur ab inferiori C, quæ in ipsas agit per obliquas directiones KM¹ & FM. scilicet per FM in B, per MK in D, quæ directiones obliquæ resolutæ dabunt MG, GF & MG, GK. Sed FG = $\frac{1}{2}$ pressuræ particulæ A; GK = $\frac{1}{2}$ pressuræ ejusdem particulæ, ergo particulæ B & D premuntur a parte superiori quælibet pressione æquali $\frac{1}{2}$ pressuræ particulæ A. Eadem vi ab inferiori parte a particula C reprimuntur, unde quælibet particula premitur toto pondere particulæ A lateraliter.

Cum plures particulæ sunt, res eodem modo demonstratur; unde patet pressionem in omni parte esse æqualem.

§. VIII.

(*) Tab. I. Fig. II.

6. DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

§. VIII.

Pressio itaque lateralis æqualis est pressioni perpendiculari. (*) Adeoque si concipiatur columnæ aquæ *ab* in vase A, quæ premit particulas *e* & *b*, hæ particulæ eadem vi particulæ in punctis D & C. columnæ lateralis CD premunt. Hæ autem pressæ recedere non possunt lateraliter, obstant enim parietes vasis A, sed habent sibi impositas particulæ *g* & *b*, quas ea vi, qua pressæ fuerunt sursum premunt. Si nunc concipientur duo tubi recti in puncto C & D positi, particulæ *g* & *b* in hos tubos adscendent ea vi, qua pressæ fuerunt a columnæ DC, nec quiescent, nisi pressio integra peracta sit; sed pressio hæc est æqualis columnæ *ab*, ergo ad eandem altitudinem cum columnæ *ab* adscendent, ita ut ipsarum partes supremæ in eadem linea seu plano horizonti parallelo disponantur. Similiter res se habet cum cæteris columnis, quæ in vase dantur, omnes æquali vi quaquaversus premuntur, variasque efficient oscillationes, donec omnes eadem vi agentes, perveniant in æquilibrio, ita ut tota aquæ massa in quietem redigatur, & superficies plana horizontique parallela fiat (*a*).

§. IX.

Si itaque tres aut plures capiantur tubi perpendicularares inter se communicantes per alium tubum horizontalem, aqua in omnes ad eandem altitudinem adscendet, ita ut omnes superficies sint in eadem linea horizontali, quæ res ulteriore explicatione non indigeret. Hinc itaque in diversis receptaculis veluti lacubus, aliisque inter se communicantibus aquæ superficies, in eodem plano horizontali seu

ad

(*) Tab. I. Fig. III.

(a) Superficies aquæ quidem ad libellam disponitur sed proprie non verum est, quoniam est convexa, est enim pars masse aquæ in telluris superficie, quæ convexitas magis videtur accedere ad planitatem, quo magis recedimus a centro telluris. Verum dum hæc convexitas pro quantitate aquæ, quam tractamus fere nulla est, ideoqne intensibilis, in hydrostatica omittitur, & superficies plana horizontique parallela habetur, in distantia exigua, respectu magnitudinis telluris.

ad libellam adscendero debent. Aucta in uno aquæ quantitas, & augetur in altero, donec tandem pervenerit aqua in ambobus ad eandem altitudinem.

§. X.

Si variis tubis varie inclinati communicationem inter se habeant, res similiter obtinet aqua in omnibus adscendet, donec omnes superficies in eodem plano horizontali sint.

Res patet ex ante demonstratis, verum dum hic agitur de tubis sive rectis sive incurvatis, aliqua videtur inesse difficultas, quæ tamen fugiet, si rem hoc concipiamus modo.

(*) Sit vas A, quod communicationem cum tubo recto obliquo BD, cum perpendiculari recto FG, & cum tubo curvo sed inclinato EC habet, per tubum horizontalem DE: dico aquam in his omnibus ad eandem altitudinem perpendiculari adscensuram esse cum aqua in vase A, ita ut dentur in linea horizontali BC. Capiantur horizontales sibi-que parallelæ lineæ $m n$, $p s$, $t u$; similiter lineæ perpendicularares, & parallelæ $l m$, $o p$, $q t$, $r D$. punctum m premitur pondere columnæ $l m$ (§. V.) eaque vi lateraliter particulam in punto n premit (§. VIII.) particula in punto p tunc premitur primo pondere columnæ $p n$ insistentis, præterea vi, qua punctum m aut n presulum fuit a columna $l m = o n$, ergo punctum p premitur a columna $o p$. hoc pacto quoque pressio in punctum t valet pondus columnæ $t q$, tandem punctum D sustinet quasi totum pondus columnæ $r D = A H$, quæ est altitudo aquæ in vase A, adeoque fluidum in tubum DB ad eandem altitudinem cum fluido in vase A adscendere debet. Simili modo demonstratur de tubo curvo EC, & recto FG; in his tubis fluidum parem altitudinem cum fluido in vase acquirit, ita ut sit altitudo $F G = C e = A H$.

§. XI.

Pari pacto res sese habet, licet dentur centum aut plures tubi communicantes, in omnes tubos aqua adscendet, descendetque, varias itaque oscillationes peragens, neque quiesceret, nisi detur æquilibrium

(*) Tab. I. Fig. IV.

8 DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

librium inter omnes columnas, & superficies exinde in eodem plano horizontali ponentur.

Hinc videmus januas aggeris lignei (*Schut-Sluis*) si subito claudantur, saepe sepius magna vi varias efficere oscillationes, donec aqua ante & post januas in æquilibrio idest in eodem plano horizontali se se accommodaverit. Hinc quoque causa deduci potest, quorumdam phœnomenorum, quæ sese spectanda, quibusdam in locis, offerunt. In Italia nimirum in urbe *Modena*, si solum effodiatur ad profunditatem aliquot pedum, se manifestat stratum quodam lapideum, quo perforato, aqua magno cum impetu in puteum penetrat; cum vero ad quandam pervenerit altitudinem, prorsus quiescit. Nunc observatum fuit, aquam in pluribus puteis hac in urbe æqualem altitudinem habere, cum lacu quodam vicino, aqua dum augetur hoc in lacu, quoque augetur in puteis memoratis. Hi putei sunt tot tubi communicantes cum lacu memorato vicino per canales subterraneos.

§. X I I.

Absolvimus nunc pressiones, quas partes fluidi in se invicem exercunt, omnes directiones versus. Nunc vero spectabimus pressiones, quas exserit fluidum in corpora resistentia.

Ut hoc commodius peragamus, considerabimus pressiones perpendiculares, id est, quas exserit in fundos, dein laterales, quas in latera vasorum, quibus continetur, peragit fluidum. Si fuerit vas cylindricum, cuius fundus est planus horizontique parallelus, pressio fluidi in ipsius fundum valet pondus totius masse aquæ ipsi incumbens, gravitate sua inferiora prementis (§. III.) pressio ergo est ut altitudo super incumbens fluidi (§. V.) Pressio autem quoque est ut magnitudo fundi. (*) Nam licet altitudo DN vasis A statuatur æqualis altitudini FM vasis B, tamen differet pressio in fundos, quoniam DE minor est FG.

Simili ratione, si fundis DE capiatur æqualis fundo FG, & altitudes differant, pressiones erunt inæquales. Hinc itaque patet intensitates pressionum dependere partim a magnitudine fundi, partim

ab

(*) Tab. I. Fig. V.

ab altitudine aquæ. Pressiones ergo in fundos vasorum sunt in ratione composita altitudinis fluidi, & fundi magnitudinis.

Si fuerit fundus DE, FG :: 2, 4; erit area fundi DE, ad aream fundi FG :: 4, 16. (2. pr. 12. l. Eucl.) Et si altitudo DN, FM :: 1, 2; erit pressio in fund. DE, press. in fund. FG :: $\overline{DE}^2 \times DN$, $\overline{FG}^2 \times FM :: 4, 32.$

§. X I I I.

Cum eodem modo de singulis columnis hoc intelligatur, tunc patet, si fundi vasis figura (*) fuerit irregularis BCDE, pressionem in quascunque partes fundi e. g. in BC similiter esse in ratione composita columnæ superincumbentis AC, & fundi partis BC. Eodem pacto pressio in DE est, ut $\overline{DE}^2 \times DG$. Sed pressio in totum fundum BCDE est = $\overline{BC}^2 \times AB + \overline{DE}^2 \times DG$.

Columna enim DF agere nequit perpendiculariter in partem BC, neque AC in partem DE, sed duæ hæ columnæ tantum se lateraliiter æquali vi premunt (§. VIII.), efficiuntque superficiem AF planam.

§. X I V.

Vasorum latera, quæ hucusque spectavimus, fuerunt inter se parallela, proinde pressio sequitur rationem totius quantatis aquæ. Si vero latera vasorum non fuerint inter se parallela; si fuerit vas conicæ truncatæ figuræ, pressio iu fundum tunc non sequitur rationem quantitatis integræ, sed altitudinis fluidi superincumbentis. (†) Sit vas ABCD fluido repletum usque ad AD; insistit fundo BC columnæ EBCF adeoque tantum premitur fundus pondere hujus columnæ, quæ pressio major erit, quo major fuerit ipsius altitudo, (§. V.) Quantitas autem fluidi quæ est in triangulo ABE, & in FCD, non incumbit directe fundo BC, sed directe premit latera AB & CD, his enim directe insistit; ergo quantitas in utrisque triangulis pressione sua directe in fundum BC agere nequit.

Late-

(*) Tab. I. Fig. VI.

(†) Tab. I. Fig. VII.

20 DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

Lateraliter agunt ambæ quantitates in columnam EBCF, quæ iterum eadem vi reagit in triangula ABE & FCD; premitque latera AB & CD lateraliter, ita ut superficies exinde plana fiat. Pressio ergo in fundum vasis non est ut quantitas aquæ in vase ABCD, sed ut columna EBCF, quæ ipsi directe insistit.

§. X V.

(*) Si vasi ABCD fuerit applicatus tubus EF fm, si vas repletur aqua, donec tubus totus sit repletus, fundus AB, premitur vi, quam columnæ aquæ in ipsum exferere posset. Pars enim bc fundi AB premitur a pondere columnæ E bc F, quæ lateraliter premit eadem vi columnam af ipsamque sursum premit eadem vi in partem ef operculi CD. Sed operculum CD pari pacto agit in hanc columnam, nulla enim actio sine reactione æquali; adeoque ab operculo reprimitur columnæ eabf eadem vi in partem ab fundi AB. Sed pressio hæc æqualis columnæ E bc F, idcirco pars ab premitur, non secus ac premeretur a columnæ gab E. Eodem pacto premitur columnæ CA ae in partem Ce operculi CD, quæ ipsam eadem vi reprimit, in partem Aa fundi AB, quæ vis æqualis vi columnæ memoratae E bc F = GH ag. similis est pro altera parte demonstratio, unde tunc manifestum fit, fundum AB premi, non secus ac sibi impositam haberet columnam GABH. Crescente itaque tubi altitudine, crescit quoque pressio, in fundum AB, ut & in operculum CD.

Prima fronte videretur fundus AB solummodo premi a quantitate aquæ CABD; contrarium vero ex demonstratis nunc patet, & si hanc pressionem ad calculum reducamus, ingentem & vix credibilem esse reperimus. Sit fundus AB = 45. ped. quadr. altitudo DB = 3 ped. continebit tunc vas CABD $45 \times 3 = 135$ ped. cubic. aquæ. Unusquisque pes cubicus fere est = 64 lb, ergo $135 \times 64 = 8640$ lb, quæ pressio esset, quæ ageret in fundum, si non daretur tubus. Sit autem tubus 15 pedes longus, idcirco juxta demonstrata erit hoc pondus in fundum: AB 45 ped. quadr. alt.

HB

(*) Tab. I. Fig. VIII.

$HB = 18$ ped. ergo $45 \times 18 = 810$ ped. cubic. aquæ, qui pre-
munt in fundum AB, sive pondus 51840 lb.

Pressio in operculum CD erit æqualis pressioni in fundum, si sub-
trahatur pressio columnæ Ef m F, & quantitatis aquæ CABD infra
operculum sitæ, qua ingenti pressione, aliquando fit, ut opercula
cisternarum, in quibus colliguntur aquæ pluviales, disrumpantur,
magnumque damnum adferant, si foramina sive lumina, unde aqua
superflua effluere debet, sint clausa. Nec mirum dum pressionem
tantam invenimus per tubum vix 15 pedum longum; tubi vero
ductorii, qui in usum nostrum revocantur, multo longiores sunt,
unde & pressio major est; imo licet tubi sint $\frac{1}{2}$ pollicis, si sat longi,
res eodem modo se habet.

Pressiones in fundos & opercula vasorum nunc absolvimus, videa-
mus & ipsas in latera vasorum.

§. X V I.

Pressiones in latera vasorum subdupla est pressionis in fundos, quæ
propositio forsan paradoxa videbitur; verissima tamen, si hoc modo
concipiamus. (*) Sit vas Cubicum Z aqua repletum, unumquodque
latus erit quadratum, ut ABDC, in quo sit ducta diagonalis AD.
Capiantur in latere AB, puncta, a, b, c, æque a se invicem distan-
tia; simili modo capiantur puncta d, e, f, in fundo BD, æque di-
stantia. erigantur ex punctis, a, b, c, pérpendiculares, am, bn, co,
usque ad diagonalem AD, similiter ex punctis, d, e, f, perpendi-
culares, db, ei, fk.

Pressio in particulam, quæ est in a, est ut altitudo Aa (§. V.)
Sic in b ut Ab , in punto c, ut Ac , ita ut pressiones in hæc pun-
cta exprimantur per has lineas. Sed $Aa = am$, $Ab = bn$, $Ac = co$,
unde pressiones in puncta memorata, a, b, c exprimi quoque pos-
sunt, lineis am, bn, co. Nunc singulis in punctis, quæ modo con-
cipi possunt in latus AB erigi possunt tales pérpendiculares usque ad
diagonalem AD, quæ omnes in puncta, quibus respondent, expri-
ment pressiones, & summa harum linearum in unam collecta expri-
met

(*) Tab. I. Fig. IX.

42 DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

met aream trianguli ABD, quod idcirco & exprimet totam pressio-
nem in latus AB. Pressio autem in fundum BD exprimitur singulis
in punctis per columnas sive lineas perpendicularares; si tales eodem
modo erigantur ex singulis punctis fundi BD, omnes in unam sum-
mam collectae dabunt aream sive quadratum ABDC, exprimentque
pressionem in fundum BD. Sed quadratum ABDC duplum est trian-
guli ABD (34. pr. I. l. Eucl.) ergo pressio in latus subdupla pres-
sionis in fundum. Fluidum autem, quod est in triangulo ADC, pre-
mit pari pacto in latus CD. Nondum autem res demonstrata de to-
to latere, sed tantum de loco, ubi se contingunt latera. Hæc quæ
demonstrata sunt de lineis, debent & concipi de corporibus ex his
lineis conflatis. Cum enim concipiamus triangulum ABD moveri a
latere ABDC ad latus oppositum, ita ut ipsius latus AB semper
contingat BAE vasis cubici Z; & linea BD sive basis trianguli ap-
plicata, maneat fundo; hocce motu formabitur tunc prisma triangu-
lare, quod replebit dimidiatam partem cubi memorati Z: Unde pa-
tet pressionem in latera BAE & CDFG vasis Z esse ut prisma, Cu-
jus basis est triangulum ABD, aut ADC, pressionem vero in fun-
dum, ut cubus fluidi superincumbentis. Quum nunc prisma est
subduplum corporis cubici, est pressio in latera subdupla pressionis in
fundum.

§. XVII.

Hinc facile pressiones in muros perpendicularares, vel aggeres incli-
natos ad horizontem, eliciendæ sunt. (*) Sit enim murus perpendi-
cularis AB in linea BC fundum fossæ cujusdam exprimenti. Incum-
bat aqua isti muro ad altitudinem FB. Capiatur $BD = BF$, ut ha-
beatur quadratum DF, pressio in FB est subdupla pressionis in DB
fundum. Sit nunc altitudo FB = 10 pedibus, longitudo muri = 12
ped.: tunc tota pressio in murum erit ut prisma, cuius basis est ut
triangulum FDB, & altitud. = 12 ped., id est ut triangulum
 $FDB \times 12$ ped.: prodit tunc totum prisma exprimens pressionem in
murum perpendiculararem.

§. XVIII.

(*) Tab. I. Fig. X.

§. XVIII.

(*) Si vero corpus, cui incumbit aqua lateraliter, non sit perpendicularis, sed inclinat ad horizontem, pressio lateralis eadem est; accedit autem præterea pressio perpendicularis in idem corpus. Sit Z agger cuius crepido inclinat; huic incumbat aqua EBF_G, capiatur BD = CB, si fuerit perpendicularis agger, massa aquæ in triangulo CBD, lateraliter in ipsum ageret; inclinat nunc crepido, ergo premit triangulum CBD lateraliter triangulum CEB, qua vi etiam hoc triangulum CEB premit crepidinem AB, adeoque pressio lateralis in hoc casu eadem, ac pressio in murum perpendiculararem.

Sed crepido AB præterea premitur inferiora versus pondere aquæ in triangulo CEB, qua pressione partes aggeris in se invicem compinguntur, firmiorque exinde fit agger Z.

Si vero magis inclinat crepido ut Ad, pressio perpendicularis major est. Capiatur dF = dG = CB, pressio lateralis eadem manet, perpendicularis vero crescit, dum major quantitas aquæ e dG crepidini insistit, unde patet, quo minor sit angulus inclinationis crepidinis, eo firmorem evadere aggerem. (a)

§. XIX.

Hucusque versati fuimus, circa actionem fluidi, dum ipsius partes omnes quiescunt, antequam autem huic imponam finem capiti, loqui debo, de fluido, cum ipsius partes moventur, quæ omnes, dum moventur, sequuntur tamen regulas ex regulis jam præcedentibus deductas. Vidimus enim particulas inferiores premi a superioribus, eoque magis, quo major est profunditas (§. V.) (†) sic particula sive lamella Em respondens fundi puncto E vasis CB, premitur in fundum CD, primo propria sua gravitate, dein ponderis colum-

(*) Tab. I. Fig. XI.

(a) Plura egregia certe Nobil. van Bleiswyk nobis dabit, quæ spectant diversas aggerum species, horumque conformatio[n]es. vide ipsius egregiam dissertationem de aggeribus.

(†) Tab. I. Fig. XII.

14 DISSERTATIO MATHEMATICOC-PHYSICA

luminæ superincumbentis *me*. Si vas pertunditur foramine E lamella *Em*, si a reliquis lamellis columnæ *me* esset separata, caderet corporis instar libere cadentis, id est primo momento casus habetur minimam velocitatem, sequentibus vero momentis, acceleraretur. Sed cohæret cum cæteris lamellis columnæ *me*, quæ simul cum ipsa lamella *Em* cadunt, ita ut, non cadat sola sua gravitate, sed velocitate integra, quam per pressionem columnæ *me* superincumbentis acquirit. Exit itaque ex foramine E maxima velocitate. Adeoque in hoc casu columna superincumbens *me* est potentia agens, quæ obstaculo suo pressione tribuit vires, ideoque velocitates, proportionales intensitatî, id est altitudini suæ *me*. Similiter res se habet, cum cæteris lamellis exeuntibus.

§. XX.

(*) Dum columnæ *me* in lamellam *Em* premit, premitur & æquâliter a columnis circumambientibus, ita ut, dum partes columnæ *Ee* effluant, per pressionem lateralem, continuo tot adfluant, quot effluxerunt particulæ, alioquin effluxus non obtineret continuus; & cum particula *ne*, quæ datur in suprema columnæ, pervenerit ad foramen, locus remaneret vacuus, & columnæ *Ee*, caderet, tanquam esset inclusa tubo, ideoque corporis instar libere cadentis descendenteret, quod fieri non potest, ob fluiditatem (§. II.) Unde liquet, causam istius effluxus continui præcipue deberi pressionibus lateralibus.

§. XXI.

(†) Si fuerit vas CB pertusum in latere AC, foramine C, pressio in particulam C eadem est, ac in particulam *Em*, eademque velocitate ex foramine exibit. Lamella enim, quæ respondet foramine C, premitur actione columnæ AC inferiora versus, ut & propria sua gravitate, eaque vi reprimit latus AC; sed ab hac parte sublata est reactio, effecto foramine C. Exit itaque ex foramine C pressione

(*) Tab. I. Fib. XII.

(†) Tab. I. Fig. XII.

ne AC, cui æqualis est pressio lateralis (§. VIII.) qua ex foramine propellitur, adeoque eadem vi, seu eadem velocitate fluidum exit ex foramine laterali, ac ex foramine in fundo, si sint actiones potentiarum id est altitudines superincumbentes æquales uti hic, *Ee = AC*.

§. XXXI.

Ex his præmissis nunc determinare paulo accuratius licebit, velocitatem uniuscujusque particulae. Hæc elici potest ex viribus, quas hæc particulae a potentibus prementibus acquirunt. (*) Capiatur in eodem vase CB lamella *ne* in suprema columnæ *Ee*, sitque hæc æqualis lamellæ *Em* foramini *E* respondentि. Si lamella *ne* libere caderet ex altitudine *ne*, acquireret vim proportionalem spatio percurso *ne*, adeoque si caderet ex altitudine *eE* acquireret itidem vim proportionalem huic spatio percurso *eE* ergo: vis, quam corpus acquirit cadendo ex altitudine *ne*, est ad vim, quam corpus acquirit cadendo ab altitudine *eE*, :: *ne*, *eE*. Similiter, si lamella *Em* sua gravitate sola caderet ex altitudine *Em*, acquireret vim proportionalem huic altitudini *Em*. Sed premitur toto pondere columnæ superincubentis *Ee* ergo: vis, suæ gravitatis, est ad pressionem altitudinis *Ee* :: *Em*, *Ee*, sive :: *en*, *Ee*, id est, vires lamellæ *Em* pressæ ab altitudine *Ee* sunt æquales viribus lamellæ *en*, si hæc libere ceciderit ex altitudine *Ee*, vires in hoc casu sunt æquales, ergo & velocitates æquales, ita ut lamella *Em* eadem velocitate foramine exeat, ac acquireret, si libere ceciderit a superficie AB ad foramen usque; id est, particulae fluidi vasis foraminibus exeuntes, profiliunt eadem celeritate, quam corpus libere cadendo a suprema superficie ad foramen usque acquireret.

§. XXXII.

Ex dictis liquet vires ipsas esse ut altitudines supra foramina. dum vires corporibus motis communicatae sunt ut quadrata velocitatum, sequitur, quadrata velocitatum quibus exit fluidum foraminibus vasum, esse

(*) Tab. I. Fig. XII.

(†) Tab. I. Fig. XII.

16 DISSERTATIO MATHEMATICÒ-PHYSICA

esse ut altitudines supra foramina; velocitates ipsas ideo esse in ratione subduplicata altitudinum supra foramina prementium. Sic velocitas, qua fluidum exit foramine f in latere AC est ut \sqrt{Af} ; & velocitas, qua exit foramine C est ut \sqrt{AC} . Si itaque fuerit Af , $AC :: 1, 4$. velocitates erunt :: 1, 2.

§. XXIV.

Hæc omnia intelligi debent, sepositis causis retardantibus, quæ aliquam inducere possunt differentiam, & efficere, ut experimentis stricte sumtis, non respondeant hæ regulæ. causæ retardantes variæ sunt: ut cohesio partium fluidi, qua una particula retardatur ab alia, ne integra possit profilire velocitate; attritus contra parietes foraminum, ut & aliæ, quas hic non enumerabo, multum motui regulari obstant.

§. XXV.

Quo velocius profilit fluidum, eo plures partes tempore determinato exeunt, eademque in ratione minuitur numerus exeuntium, eodem tempore, imminuta velocitate, id est altitudine supra foramina.

(*) Effluant enim ex foramine C tempore minuti primi centum partes fluidi, eodem tempore, non eadem aquæ quantitas effluet ex foramine f (ambobus foraminibus æqualibus captis) quoniam fluidum ex foramine C celerius profiliat, quam ex foramine f . Hinc itaque patet quantitates esse ut velocitates, quibus fluidum exit ex foraminibus C & f .

§. XXVI.

Cum itaque quantitates sint ut volicitates, se se eodem modo habent respectu altitudinum, supra foramina: id est, quantitates aquæ egestæ ex foraminibus sunt in ratione subduplicata altitudinum supra foramina.

(†) Sit vas $ACDB$ 20 pollicibus altum aquâ repletum ad altitudinem BD , maneatque altitudo eadem, continuo nova in vas influen-

(*) Tab. I. Fig. XII.

(†) Tab. I. Fig. XIII.

fluenti aquæ quantitate per canalem H. Sint in punctis E, F, G foramina æqualia, & altitudo EB sit = 4 poll. FB = 9, & BG = 16 pollicibus. Aqua ex foramine E profiliat velocitate, quæ est, ut \sqrt{EB} . Ex F velocitate, ut \sqrt{BF} ; & ex G velocitate, ut \sqrt{BG} . Quantitates ergo paribus temporibus effluentes, erunt ut hæ radices, adeoque ex E effluent quantitas, quæ est ut 2. Ex F quantitas, quæ est ut 3. & ex B quantitas, quæ est ut 4. sic porro de aliis altitudinibus, quæ pro latus capiuntur.

§. XXVII.

Hucusque aquam profilientem consideravimus ex diversis altitudinibus per foramina æqualia. Sed si differant foramina, & altitudes sint æquales, necesse est, ut quantitates effluentes per hæc foramina, sint inter se ut foramina. (*) Si enim altitudes BF & Af fuerint æquales, sed foramen F = 4, & foramen f = 2, id est horum diametri. Tunc quantitas ex F pari tempore, ad quantitatem ex f :: 16, 4, aut :: 4, 1. Quoniam foramina, id est areæ ipsorum, sunt ut quadrata suorum diametrorum (2 pr. 12. I. Eucl.) ergo & quantitates sunt, ut quadrata diametrorum foraminum, quibus exeunt. Et sic de aliis foraminibus. (a)

Plura hic nunc adjungi possunt, quæ spectant aquas profilientes, verum dum scopus meus hic non est, omnes recensere proprietates fluidi, ab ulteriore examine abstinebo, quum hæ memoratae, sufficiunt, pro istis, quæ in sequentibus capitibus, de motu aquæ fluentis per canalem, dicturus sum.

(*) Tab. I. Fig. XIII.

(a) Hic iterum attendendum est, ad retardationes quas patiuntur per attritum contra parietes foraminum aquæ effluentes, unde si præcisè instituantur experimenta, quædam differentia deprehendi debet.



18 DISSERTATIO MATHEMATICOC-PHYSICA



C A P U T S E C U N D U M.

De flumine currente per canalem regularem.

§. X X V I I I.

*F*lumen proprio est collectio aquarum, quae ex altiori quodam loco ad depresso rem per canalem arte vel naturâ constructum decur runt, cursumque suum continuant, usque dum decidant aut in mare, aut in aliud quoddam flumen. Si aquam fluminis consideramus tan quam collectionem corpusculorum gravium, mox percipi emus, hanc necessario gravitate sua telluris centrum versus tendere (§. IV.) ita ut solidorum omnium instar gravitatis legibus obedi at; si non sustineatur, descendendo acceleratur.

Quemadmodum nunc corpus sponte non movebitur supra planum horizontale; si autem tantillum istud inclinet, mox gravitate sua, vires acquirit, quibus inferiora versus descendere potest: sic etiam res se habet cum aqua fluenti. Si nullas habeat vires, & sustineatur a plano horizontali, supra illud sponte non movebitur, stagnabit; si autem planum istud paululum diverget ad horizontem, gravitate sua, descendendo petet inferiora loca, & continuabit hunc descensum, donec pervenerit, ad locum, qui est insimus respectu illius, ex quo descendere incepit.

§. X X I X.

Ad fluxum autem aquae per canalem exinde non semper requiri tur fundus ipsius canalis inclinatus, quum supra horizontalem etiam moveri possit aqua. At vero, velocitas non adeo tunc gravitate, ac quidem impetu seu pressione ipse conciliatur. Hæc pressio est, quam altitudo fluidi in canali exferere valet.

Inferiores enim partes premuntur a superioribus in ratione altitudinis superincumbentis (§. V.) ita ut si foramen detur in fundo canalis, fluidum ea velocitate exiret, quam acquireret, si libere ce ci-

ciderit a supra superficie ad foramen usque (§. XXII.) Perinde est siue foramen sit in fundo, siue fuerit laterale, ita ut directio sit horizontalis, aqua enim quaquaversus premit æqualiter, dummodo eandem habeat supra se altitudinem. Adeoque fluit ea velocitate, quæ ipsi conciliatur ex pressione particularum superincumbentium. Ut autem fluxus sit continua, ex altiori loco impetu quodam in canalem descendere oportet aquam, ut quantitas incidens sit æqualis quantitati exeundi, utque aquæ quædam communicetur vis. Ex dictis ergo liquet, originem trahere flumina, ex locis altioribus, ut descendantia se exonerare possint in mare, aut aliud flumen depressius.

§. XXX.

Experienciâ jam dudum constitut , flumen originem cursus sui petere ex locis altioribus, ex diversis nimirum scaturiginibus, quæ reperiuntur in montium cacuminibus. Dantur quidam fontes, qui in his cacuminibus, exhibent scaturigines, quæ aquam præbent.

Hæc aqua gravitate sua inferiora versus descendit, per fissuras, rimasve, quæ sunt in montium ambitu, efficiuntque sic plures rivulos, qui, certo quodam spatio peragrato, tandem omnes conveniunt, siveque constituunt unum flumen, quod hinc moveri pergit, variasque perlustrat regiones, ad loca magis magisque depresso, ut tandem se dimittat in mare aut aliud flumen depressius.

Sic *Rhenus* insigne *Helvetiæ*, *Germaniæ*, & *Belgiæ* flumen, originem suam trahit præcipue secundum Cl. *Scheuchzerum*, ex duobus fontibus, licet adhuc plures dentur, qui huic aquam sudpediment. Unus fons oritur ex parte quadam Alpium sita in Regione, *Rhetia* (*Grauw-Bunderland*) ex quo fonte oritur *Rivulus*, qui ab incolis dicitur *Vorder Rhyn*, id est *Rhenus anterior*. Alter vero fons oritur ex cacumine montis *Adula* dicti, qui pars Alpium est, situs in eadem Regione *Rhetia*. Ex hoc fonte oritur *Rivulus*, qui dicitur ab incolis *Hinter Rhyn*, id est *Rhenus posterior*. hi duo rivuli inter se conjungunt prope locum quendam *Rezuns* dictum ; hinc ita combinati procedunt, donec se dimittant ex cacumine Alpium, ibique efficiunt cataractam, unde flumen prope hunc locum tanta celeritate fluit, ut vulgari navigationi plane sit ineptum. Mox vero non procul ab urbe *Chur* dicta ista velocitas minuitur, ita ut huic usui aptius fiat. Hinc cursum dirigit per *Lacum Bodanicum*, dein per *Germaniam*, *Gal-*

20 DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

liam ad nostrum *Belgium*, quod attingit prope urbem *Emmerik* dictam; unde pergit, & mox se dividit in duos ramos, quorum unus *Vahalis* dictus pluries se conjungit cum *Mosa* flumine, donec tandem una cum ipsa conjunctus manens se dimittit in mare Germanicum. Alter vero ramus, qui nomen *Rheni* servat, decurrit ad urbem *Arnhem*, ubi dividitur iterum in duos ramos, quorum unus vocatur *Ijala Gelriae*, & se dimittit in Lacum *Flevum*, qui hodie vulgo dicitur a Belgis *Zuider Zee*. Alter vero servans nomen *Rheni* pergit juxta urbem *Arnhem* ad urbem *Wyk te Duurstede*, ubi iterum tertia vice dividitur in duos ramos, quorum unus audit *Lecca*, & conjungitur cum flumine *Merwede* dicto prope pagum *Krimpen*, unde tunc una cum hoc flumine aquas suas dimittit in mare Germanicum. Alter vero pergens ad *Ultrajectum* & *Leidam* hodie adhuc nomen *Rheni* servat. Hic ramus, qui proprie est *Rhenus*, hodie non exonerationem habet in ipsum mare: nec mirum, dum in tot ramos divisum est hoc flumen, unde suis aquis orbatum fuit, ita ut suum ostium servare non potuerit, de cuius prope pagum *Katvicum* loco auctores non conveniunt.

§. XXX I.

Dantur flumina, quæ originem suam immediate non habent ex fontibus, sed videntur oriiri ex quibusdam lacubus positis in hoc illo
ve loco elato. Hi autem suas aquas petunt ex fontibus insensibilibus per canales subterraneos, communicantes cum hoc illo
ve fonte; aut communicant cum fonte quodam vicino per rivulos apertos; aut fontes ipsos habent positos in fundo suo, unde tunc suas aquas pe-
tunt, siveque suppeditant aquas fluminibus ex his locis originem cap-
tantibus. Talia flumina, quæ oriuntur ex lacubus dantur plurima,
& certe insignia: sic *Nilus* in *Ægypto*, oritur ex fonte posito in lacu
Zaire dicto. Itidem in *Brasilia*, flumen *argenteum* a Brasiliensibus *Rio*
de la Plata dictum, oritur ex fonte sita in lacu *Xarayes* dicto; & sic
plura dantur.

§. XXX II.

Hic nunc quæri possit, undenam oriuntur hi fontes. Hœc quæstio explicatu est difficillima. Jam dudum erudit variis conjecturis ipsam explicare Conati fuerunt; nondum tamen plane est dirempta;
res

res enim est, quæ in occulto nobis perficitur. Sic Cl. *Woodward* imaginatus est, cavernas quasdam subterraneas distillatorias, quæ communicationem habent, cum mari vicino. In his cavernis aqua per ignem subterraneum, in vapores elevatur, repletque partem superiorem Cavernæ; qui vapores dein condensati penetrant per rimas vel alias aperturas, unde tunc fons aquæ dulcis oritur.

Cl. autem *Halley* potius originem deducit ex exhalationibus aquosis, quæ ex telluris superficie elevantur, & dein in aquam abeunt. invenit enim per suum calculum, quantitatem istorum vaporum, qui singulis diebus elevantur triplo majorem esse, quam quantitas aquæ, quæ per flumina pari tempore defertur ad maria. Hi vapores per ventum ad circumflexa montium deducuntur, ibique obvium habentes aëra magis rarefactum decidunt, penetrant per fissuras in terram, & sic pervenient ad cavitates, quæ reperiuntur in montibus, ubi colliguntur tanta quantitate, donec nimis sit quantitas, tunc profiliunt sic per aperturas, unde tunc oritur fons.

Alii non directe a vaporibus, sed ab aquis pluvialibus originem fontium deducunt. Verum Cl. *Halley* eum in finem iterum observat, dari fontes, qui temporibus aridissimis tamen aquas præbent, licet nulla pluvia ceciderit. Dantur & aliæ sententiæ, quas hic non memorabo. Memoratas autem in medio relinquam; cum, licet una altera probabilior sit, tamen fatendum sit, difficultatum expertes non esse.

§. XXXII.

Via, quam sequitur flumen, aut canalis, intra quem movetur aqua ex altiori ad depresso locum, vocatur ipsius *Alveus* aut *Cubile*. Lateraliter vero erecta, quibus terminatur aqua, vocantur, *ripæ*. Pars inferior alvei vocatur ipsius *fundus*, qui diversæ figuræ est, pro diverso alveo: nimirum planus est fundus, si sit alveus figuræ paralelopipedii, aut alijs figuræ regularis; Cavus vero, si figuræ sit Cylindricæ. Initium alvei est, ubi principium fluminis est; terminus vero alter, ubi flumen dimittit se, aut in mare, aut in aliud quoddam flumen. Locus hicce vocatur *ostium fluminis*.

§. XXXIV.

Alveus autem fluminis in statu suo naturali innumeris irregularita-

tibus

22 DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

tibus obnoxius esse potest, quæ omnes turbant regularem fluminis motum. Cum nunc infinite variare hæ irregularitates possunt, pro diversis modis, quibus aquæ fluentes in ipsorum partes agere valent, regulas circa has tradi non posse videtur. Ut tamen fluxum fluminis ad mensuram reducere possimus, omnes hæ irregularitates seponi debent, adeoque flumen in abstracto considerandum est, seposita omni resistencia sensibili, & irregularitate. Proinde flumen hic regulare considerandum est, cuius totus alveus ab initio ad finem usque sit coalitus ex materia æqualis tenacitatis, ne in uno loco per continuum aquæ fluentis attritum major sit corrosio, quam in alio. Præterea, cuius ripæ sunt parallelæ inter se, & perpendicularares, cujusque fundus, planum sit æquali materia constans, nullisque eminentiis, neque cavitatibus obnoxium. Adeoque ex talis fluminis contemplatione plura, quæ in flamine naturali obtinent, in capite sequenti nobis explicare licebit, ibi enim contemplabimur flumen in statu suo naturali.

§. XXXV.

Si itaque piano quodam perpendiculari ad fundum alvei fecetur aqua in latitudine, hoc planum dicitur *Sectio fluminis*, quæ, si alveus fuerit figuræ parallelopipedi, erit parallelogrammum, cujus duo latera (*) bB & dD tangunt ripas CB & DG. Latus vero b d tangit superficiem aquæ, dum latus BD tangit fundum.

Aut, si fuerit figuræ regularis EBDF, erit ipsius sectio trapezium eBdF.

Proinde patet, sectiones proprie terminare massam aquæ in singulis alvei punctis, ita ut augeantur, aut minuantur in ratione incrementi aut decrementi aquæ fluentis copiæ. Harum omnium prima est ista, per quam tota aquæ quantitas ex principio suo in canalem decidit. Cæteræ vero sectiones, quæ singulis in alvei punctis concipiuntur, dicuntur *sectiones sequentes*.

§. XXXVI.

Si fluminis altitudo in alveo, neque augeatur, neque imminuatur, sed

(*) Tab. II. Fig. XIV.

sed semper ad eandem altitudinem manens uno tenore defluant, tunc dicitur flumen *manere in eodem statu*. In hoc casu rem attente considerans deprehendet, quod, si certo quodam tempore, per quandam sectionem percucurrit certa aquæ copia, eadem copia pari tempore per sequentem sectionem permeare debeat, si altitudo remanentur sit semper eadem.

§. XXXVII.

Hinc ergo, si flumen sit in statu manenti, eodem tempore eadem aquæ copia per omnes fluminis sectiones transit. (*) Sit fundus alvei BF. AE superficies fluminis. Cipientur sectiones, AB, CD, EF. dico per sectiones AB & CD, licet inæquales, pari tempore eandem transfire aquæ copiam. Si negatur, fluat tunc pari tempore major aquæ copia per AB quam per CD. Sint intra spatium ABDC 100 dolia aquæ contenta, & spatio semihoræ per AB ad CD adfluant 50 dolia, dum interim per CD effluunt ad EF 30 dolia. Tunc ad aquæ copiam ABDC adduntur spatio semihoræ 50 dolia, & tantum modo effluunt 30 dolia eodem tempore, unde ista copia nanciscitur incrementum 20 doliorum, quo altitudo AB necessario elevabitur in Bb contra propositum; dum flumen est in statu manenti.

Ab altera parte si minor copia defluat per AB quam per CD altitudo aquæ imminuetur in AB, itidem contra propositum. In hoc casu sectionum sequentium exilitas compensator per majorem velocitatem, quoniam aqua descendit supra planum inclinatum, ideoque velocitate accelerata (§. XXVIII.) aqua enim citius movetur per CD, quam per AB, citius per EF, quam per CD, ut mox accutius videbimus.

§. XXXVIII.

Hinc itaque si alveus fluminis dilatatur, velocitas imminuitur, si vero coarctatur, velocitas augetur; ita ut in locis angustioribus multo celeriores sint aquæ, quam in locis patentibus. Ratio est, quum

(*) Tab. II. Fig. XV.

quum per omnes sectiones pari tempore æqualis aquæ copia fluere debeat; si nunc per sectionem angustiorem idem obtineat pari tempore, necesse est, ut hoc compensetur per majorem velocitatem. Unde ergo fit, ut flumen, quod plures ramos aut exonerations habet, lentius moveatur, flumine, quod non ita dividitur in ramos, quoniam rami isti considerari possunt, tanquam alveus fluminis dilatatus, quo aqua in majorem latitudinem dispergitur. Quo minus ergo flumen tales habeat communicationes laterales, eo velocius est.

§. XXXIX.

Nunc autem velocitates aquæ fluentis per alveum paulo accuratius determinande sunt, pro singulis locis in alveo captis.

(*) Ut hoc perficiatur, capiatur receptaculum quoddam magnum, quod semper aqua ad eandem altitudinem repletum remaneat, & in quo altitudo aquæ sit AD, superficies CD, AB vero fundus, cui incumbit massa aquæ ABCD. Hoc receptaculum est tanquam principium fluminis, cum hoc ergo communicet alveus regularis AF inclinatus ad horizontem. Claudatur hoc plano quodam perpendiculari AD, nullaque aqua detur in alveo AF. Si perforatur tunc planum AD in *a* & *b*, aqua profiliat per foramen *b* ex receptaculo velocitate, quam acquireret, cadendo libere ab altitudine D*b* (§ XXII.) Similiter per foramen *a* profiliat velocitate, quam acquireret si ceciderit libere ab altitudine D*a*. Unaquæque particula sic profiliat ea velocitate, quam haberet in fine casus a supraea superficie CD ad ipsius profunditatem usque. Sublato nunc piano res eodem modo sese habebit, in prima hac sectione AD, atque hoc pacto determinamus velocitates, quibus particulæ ex receptaculo per hanc primam sectionem AD descendunt in alveum AF.

Videamus nunc velocitates, quas particulæ descendendo per sequentes sectiones in alveo AF acquirant. Si particulæ descendere pergunt per totam alvei longitudinem, ipsarum velocitas magis magisque acceleratur, quo diutius descendunt.

Ratio est, cum aqua est corpus grave, cujus velocitas in descendendo acceleratur. Si nunc intelligatur, particulam descendisse usque

(*) Tab. II. Fig. XVI.

que ad punctum H, hæc particula potest concipi tanquam si discenderet per planum inclinatum CH, ergo secundum leges physicas habebit in hoc punto H, eandem velocitatem, quam, libere caddendo per perpendicularē NH acquireret, id est per altitudinem CP plani inclinati CPH, nam $CP = NH$.

Simili ratione velocitas particulae in punto F est, quam acquireret, si libere ceciderit ab altitudine OF, quæ itidem æqualis est altitudini Cp plani inclinati CpF, cum $OF = Cp$, & sic porro res se habet cum cæteris punctis in alveo captis.

Dum nunc hæc lineaæ ducuntur ad particularum profunditates, omnesque perpendicularæ in linea horizontali DK, quæ coincidit cum superficie CD aquæ in principio, manifeste liquet, lineaæ omnes perpendicularæ ex horizontali DK ductas usque ad particularum profunditates, esse mensuras velocitatum particularum, quibus insistunt. Sic perpendicularis NH exprimit velocitatem particulae in H. OF velocitatem particulae in F.

§. X L.

Lineæ perpendicularæ augmentur, quo remotiores sunt a receptaculo. Nam in $\triangle CFO$, linea OF major est linea NH; adeoque velocitates cum his lineaë augmentur, ita ut in punto F particula maiorem habeat velocitatem quam in H. proinde particulae remotiores a principio celeriores sunt, & magis accelerantur, quo magis redundunt a principio. Hoc itidem intelligi debet de singulis particulis, quæ concipi possunt in sectione Hd vel FM, omnes accelerantur. Unde, quo magis recedunt sectiones ab initio alvei, eo velocius per has feruntur aquæ; consequenter flumen in locis remotissimis veluti prope ostium majori velocitate fertur, dum e contra prope principium minimam habet velocitatem.

§. X L I.

Ex his sequitur, altitudines sectionum, manentibus latitudinibus, sensim sensimque imminui, quo sectiones removentur ab initio alvei, ita ut in locis remotissimis a principio omnium minima altitudo reperiatur, & superficies aquæ exinde reportet situm ad fundum alvei in-

D

clina-

26 DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

clinatum. Sic prope ostium minima est altitudo. Ratio est, dum in sequentibus sectionibus velocitates sunt majores (§. XL.) exinde pari tempore majores aquæ quantitates præbere debent sectiones, si flumen maneat in eodem statu. Unde necessario ipsorum altitudines imminui debent, alias majorem altitudinem acquireret sectio sequens contra leges gravitatis.

§. X L I I .

Causa descensus aquæ per alveum inclinatum est ipsius gravitas (§. XXVIII.) quæ singulis in punctis acceleratur. Verum cum corpus grave movetur, supra planum inclinatum, nunquam integra suæ gravitatis vi descendit, gravitas enim ipsius imminuit pro parte. Quædam pars sustinetur a piano, altera vero parte descendit corpus, ita ut non tam velociter descendat supra planum inclinatum, quam si libere descenderet versus telluris centrum.

Verum hoc gravitatis decrementum minus est, quo magis planum accedit ad perpendicularē situm. (*) Sic si ceciderit per planum inclinatum A C B in fine descensus in C minorem velocitatem habebit, quam si ceciderit per planum inclinatum F C E majori angulo ad horizontem inclinans, cum hoc planum magis accedit ad situm perpendicularē G C.

Unde itaque fluidum, eodem modo movebitur supra fundum alvei inclinati ad horizontem, eoque velocius, quo major est angulus inclinationis ad horizontem, eo minus, quo minor est angulus. Consequenter, quo major est angulus inclinationis alveorum fluminum ad horizontem, eo majorem velocitatem habet flumen, ita ut flumina, quorum alveus, ad perpendicularē lineam magis accedit, sint velocissima, & hæ velocitates crescant in ratione alveorum inclinationis ad horizontem.

§. X L I I I .

Si itaque duo fuerint canales communicantes cum alio, unde hau-
riunt

(*) Tab. II. Fig. XVII.

riunt suas aquas, sed qui differant longitudine sua: aqua per breviorem canalem citius movebitur, ita ut pari tempore per breviorem, major aquæ copia ad mare deferatur, quam per longiorem. (*) Sint ipsorum fundi FI & FC. aqua majori velocitate feretur supra FC, quam supra FI. ducantur lineæ ef & dC inter se parallelæ, tunc ed, eF :: Cf, ff ergo Fd, Fe :: FC, Ff. (2 pr. 6. l. Eucl.) id est lineæ Fd & FC sunt ut chordæ Fe & Ff in semicirculo descripto supra EF. chordæ hæ Fe & Ff omnes eodem tempore percurruntur, quoniam sunt ejusdem circuli, quod per experimenta physici docent. adeoque linea Fd, a particula aquæ percurritur, dum eodem tempore alia particula percurrit spatium FC, unde itaque patet, fluidum supra FC velocius moveri, quam supra FI, nam in puncto C habet fluidum velocitatem, ut \sqrt{GC} , dum interim fluidum supra FI eodem tempore tantummodo velocitatem habet, ut \sqrt{Dd} (§. XXXIX.)

Hinc ergo, si flumen habeat duos aut plures ramos, & unus altero longior, tunc aqua per ramum breviorem majori velocitate defertur ad mare, aut aliud flumen depresso, quam per ramum longiorem. Sic causa patet, cur aqua in fluminibus regularibus inter se communicantibus eligat semper viam brevissimam ad decurrentem ad mare, vel alium locum depresso, ubi flumen se exonerat.

§. X L I V.

(†) Particula aquæ, si delabendo ad punctum H usque fundi inclinati AF pervenerit, ibi velocitatem habet, quæ ipsi communicaretur si percurrat spatium NH (§. XXXIX.) Cum nunc spatia percursa a corporibus delabentibus sint in ratione duplicata velocitatum, secundum demonstrationem Galilæi, erit velocitas istius particulæ in hoc puncto H in ratione subduplicata perpendicularis NH. Similiter in puncto F est particulæ velocitas in ratione subduplicata perpendicularis OF, & sic de cæteris particulis in sectione Hd aut FM. Unde tunc patet, velocitates sectionum ejusdem canalis AF esse

(*) Tab. II. Fig. XVII.

(†) Tab. II. Fig. XVI.

28 DISSERTATIO MATHEMATICOC-PHYSICA

esse in subduplicata ratione perpendicularium a sectionibus ad horizontalem lineam per initium alvei ductarum. Sed haec lineae perpendicularares sunt aequales inclinationi fundi, pro loco, cui respondent (§. XXXIX.) sequitur itaque haec regula momentosissima in rebus flumina spectantibus: nimur, *velocitates fluminum esse in ratione subduplicata inclinationum suorum alveorum ad horizontem.*

§. XL V.

(*) Ex hac regula nunc liquet, *velocitates aquæ fluentis per alveum etiam determinari posse per lineam parabolam.* Capiatur fundus inclinatus AB, & altitudo sectionis sit BK. prolongetur BK in G, & supra lineam BG axin describatur parabola GFDC. tunc semiordinatae KF, ED & BC expriment velocitates, in punctis K, E, & B. velocitas enim particulæ in B est ut \sqrt{HB} . velocitas particulæ in K ut \sqrt{IK} (§. XLIV.) nunc est, IK, HB :: GK, GB (2 pr. 6. l. Eucl.) ergo $\sqrt{IK}, \sqrt{HB} :: \sqrt{GK}, \sqrt{GB}$. Sed $\sqrt{GK}, \sqrt{GB} :: FK, BC$, quoniam abscissæ sunt inter se ut quadrata semiordinatarum, ergo $FK, BC :: \sqrt{IK}, \sqrt{HB}$. adeoque $FK, BC ::$ veloc. in K, ad velocitatem in B, & sic velocitates exprimuntur per semiordinatas.

Sed $\overline{FK}^2, \overline{BC}^2 :: GK, GB :: IK, HB$, ergo abscissæ sunt ut perpendicularares ex horizontali linea ductæ, id est ut inclinationes fundi, supra quem movetur aqua; sicque integra velocitas sectionis BK exprimitur per portionem BK FC parabolæ memoratæ.

§. XL VI.

Secundum hanc regulam, nunc facile erit, aequæ ex velocitate cognita concludere ad fundi inclinationem, ac ex fundi inclinatione nota ad velocitatem, si fuerit alveus regularis. Ex. gr. Capiatur flumen A, quod tempore minuti primi possit velocitate quadam nota percurrere spatium 5 pedum. & aliud flumen B eodem tempore 10 pedum

(*) Tab. II. Fig. XVIII.

pedum spatium, ita ut velocitas fluminis A, ad velocitatem fluminis B, ut 1 ad 2. tunc ex regula data inclinatio fluminis A est, ad inclinationem fluminis B, ut 1 ad 4, id est inclinatio alvei A erit v. g. 1 pollicis, dum inclinatio alvei B erit 4 pollicum, quum velocitates 1 & 2 sunt ut $\sqrt{1}$ & $\sqrt{4}$. Eodem modo si flumen B triplo velocius sit flumine A, id est si percurrat eodem tempore 15 pedes, tunc inclinationes sunt ut 1 ad 9, nam velocitates 1 & 3 sunt ut $\sqrt{1}$ & $\sqrt{9}$ & sic porro. Ab altera parte si notæ sunt inclinationes duorum alveorum, ex. gr. fluminis A inclinatio sit 1 pollicis, alterius fluminis B sit 4 pollicum, certum est flumen B eodem tempore percurrere duplo majus spatium, & sic porro.

§. XLVII.

Huc usque aquam fluentem, consideravimus ac si omnes particulæ æquali velocitate in eadem sectione ferantur. Verum velocitates particularum in eadem sectione differunt pro diversis altitudinibus, in quibus dantur, aqua enim in fundo majorem velocitatem habet, quam in superficie fluminis. (*) Sit Hd sectio in puncto H, particula in H velocior est, quam particula in d in superficie. Ducta enim ex d in NH perpendiculari cd, est $Nc = Ld$ (33 pr. i l. Eucl.) ergo Ld minor, quam NH , sed hæ lineæ sunt ut quadrata velocitatum in his punctis (§. XXXIX.) ergo particula in superficie minore velocitate fertur, quam in fundo; ita ut hinc pateat, velocitates eo maiores esse, quo profundiores sint particulæ. Si hoc itidem intelligatur de integris stratis, manifeste liquet, superficie velocitatem minorem esse velocitate in fundo.

§. XLVIII.

Particulæ superiores æque accelerantur ac particulæ inferiores, quo magis recedunt a principio fluminis (§. XL.), manente tamen semper aqua inferiore velociore. (†) Cum autem aqua removetur a principio

(*) Tab. II. Fig. XVI.

(†) Tab. II. Fig. XVI.

pio suo, velocitates superioris & inferioris aquæ sensim sensimque ad æquabilitatem accedunt, ita ut exigua sit differentia inter velocitatem aquæ in superficie & in fundo. Differentia enim lineæ MK & OF minor est, differentiâ lineæ Ld & NH. Unde ergo in locis remotissimis a principio, fieri potest, ut differentia velocitatum tam exigua sit, ut sensibiliter sint æquales, præcipue in iis fluminibus, quæ exiguam habent aquæ altitudinem.

§. XLIX.

Ex dictis manifesto liquet, aquam inferiorem nequaquam velociorem reddi, per aquam superincumbentem. Sit enim fundus inclinatus (*) AB, altitudo sectionis Bm. velocitas particulæ in B, est quam acquireret libere cadendo per HB. Sic velocitas in E est ut \sqrt{LE} (§. XXXIX.) Capiatur altitudo sectionis aucta, ut sit altitudo BK. Si nunc exinde particulæ velocitas in puncto B foret aucta, tunc hoc in loco B majori velocitate ferretur, quam acquireret cadendo libere ab altitudine HB. Similiter velocitas in E major esset quam \sqrt{LE} , quod omnino falsum est, cum particulæ superiores minori velocitate feruntur inferioribus (§. XLVIII.) & si duo corpora moveantur, ita ut præcedens velocius feratur, in se invicem agere nequeunt, tunc enim superius velocius fieri deberet, quod in nostro casu falsum omnino.

§. L.

Proinde sequitur, licet aquæ quantitas in alveo fluminis, quacunque de causa augeatur, manente altitudine, in principio seu receptaculo, velocitatem sectionis exinde nequaquam augeri, sed altitudo tantum ubique excrescit; unde itaque patet ex majori aquæ altitudine in alveo nequaquam concludi posse, velocitatem fuisse auctam in flumine.

§. LI.

(*) Tab. II. Fig. XVIII.

§. L I.

Si itaque alveus fluminis pro parte obturatur piano (*) E_m , ita ut non tangat fundum, sed ab ipso aliquanto distet distantia mG . tunc tota quantitas, quæ fluxit per sectionem Hd eodem tempore fluere non potest, per sequentem sectionem in puncto G . Quædam enim particulæ retinebuntur, quæ mora fit singulis momentis, ita ut ante impedimentum E_m excrescat altitudo aquæ in hac alvei parte.

Ex hoc altitudinis augmento particulæ transeuntes per mG nequaquam accelerantur (§. L.) Dum autem hujus augmentum singulis crescit momentis, aqua tandem supra impedimentum E_m si non tam altum sumatur, excrescat, ripas agrosque circumiacentes superfluet. Si autem continuatur impedimentum E_m , & ripæ alvei ultra superficiem aquæ in initio, id est ultra lineam DK , aquæ altitudo ante hoc impedimentum augebitur, donec ad libellam perveniat cum superficie CD in initio (§. IX.) ipsamque augeat, ita ut altitudo AD major fiat. in hoc solo casu particulæ infra impedimentum fluentes, tunc accelerabuntur, atque hæc ratio est, cur (§. L.) posuimus altitudinem manentem in receptaculo, hæc enim si non augeatur, nunquam in alveo altitudo major augebit particularum velocitates.

Augmentum altitudinis in initio tamen est limitatum, nimirum altitudo AD tam diu augebitur, donec particulæ infra impedimentum E_m fluentes, tantam acquisiverint velocitatem, ut pari tempore per aperturam mG fluat eadem quantitas, quæ in receptaculo defluit, in hoc casu ante impedimentum altitudo non amplius augebitur, & flumen manebit in eodem statu. Spatium enim ante impedimentum tunc concipi potest, tanquam vas quoddam magnum, cuius foramen laterale est mG , ex quo aqua effluit ea velocitate, quam acquireret particula libere cadendo a supraemá superficie ad foramen usque id est ab altitudine E_m (§. XXII.)

§. L II.

(*) Tab. II. Fig. XVI.

§. L I I.

Proinde liquet, si velocitas fluminis retardatur, quacunque de causa, altitudinem aquæ augeri debere, & supra ripas, nisi sint sat altæ, fluere aquam, ita ut agri circumiacentes exinde aquis coöperiantur. Impedimenta multa dari possunt, præcipuum autem est, fundi alvei elevatio, si nimis horizontalior fiat, unde velocitas insigniter imminui potest, ita ut ea quantitas, quæ antea perfluxit, pari tempore fluere nequeat, unde altitudo augmentum capere debet, per partes sensim sensimque remoratas (§. XXXVII.), donec supra ripas dispergatur aqua, agrisque circumiacentibus damnum adferat.

§. L I I I.

Absolvimus nunc ea quæ spectabant velocitates aquæ fluentis, videamus nunc de quantitate, quanta, qualisque sit per varias sectiones. Quantitates aquæ profluentes ex foraminibus vasum, sunt ut velocitates, ideoque in ratione subduplicata altitudinum superincumbentium (§. XXIV. & XXV.)

(*) Aqua descendens per singulas sectiones alvei A F simili ratione potest concipi, ac si fluat ex vasis cuiusdam lumine æquali sectioni, de qua agitur. Sic aqua fluit per sectionem F M, ac si fluxit ex vasis lumine æquali sectioni F M, & tantundem remoto a superficie aquæ, quantum sectione a linea horizontali D K per superficiem C D in principio. Ab his enim perpendicularibus pendent velocitates aquæ fluentis per alveum A F (§. XXXIX.) Cum itaque velocitates sunt in ratione subduplicata harum perpendicularium sive inclinationum alveorum, sequitur necessario, quantitates aquæ fluentis per sectionem quandam esse itidem in ratione subduplicata inclinationum alveorum, ita ut quo major inclinatio eo major sit quantitas eodem tempore. Si flumen ergo duplam aquæ quantitatem producere debet eodem tempore, inclinationem habebit ad horizontem quadruplam. Si vero tripla aquæ

(*) Tab. II. Fig. XVI.

aquæ copia eodem tempore desideratur, inclinatio esse debet non-cupla, siveque porro, ut (§. XLVI.) monuimus de velocitate.

§. L I V.

(*) Ut paulo specialius rem consideremus, capiatur per foramen unius pollicis quadrati vasis cujusdam effluxisse tempore minuti primi pedem cubicum aquæ CD. Hæc aquæ moles conformata capiatur in columnam EI, cujus basis EG æqualis sit foramini vasis, id est uni pollici quadrato. Altitudo ipsius LK, erit tunc ut velocitas, sive ut spatiū, quod ista velocitate posset aqua percurrere tempore minuti primi, si enim omnes partes in suprema hujus columnæ parte, incipiāt uniformi velocitate moveri versus basin EG, tunc, cum punctum H perveniat ad E, punctum K perveniet ad L, & sic cætera puncta pari velocitate movebuntur ad puncta directe opposita in basi EG, ita ut unaquæque lamella percurrat, durante effluxu, spatiū sive altitudinem GI. Hæc altitudo innotescit, si hæc duo corpora inter se conferamus: Basis cubi CD est æqualis uni pedi quadrato, sive 144 poll. quadr., basis vero EG columnæ est æqualis uni pollici quadrato. Nunc EG, CF :: CB, LK (6 pr. 12. l. Eucl.) id est, unus poll. quadr., 144 poll. quadr. :: Unus pes, 144 pedes; ergo tempore minuti primi fuit velocitas tanta, per foramen unius pollicis quadrati, ut percurrere possit spatiū 144 pedum. Simili ergo ratione aquæ elapsa quantitas certo tempore per sectionem quandam conformata capi potest in parallelopipedum, cujus basis est æqualis sectioni, altitudo tunc erit æqualis velocitati, seu spatio, quod percurrit aqua determinato tempore.

§. L V.

Hinc ergo liquet, effluxas aquæ quantitates, per quandam fluminis sectionem esse in ratione composita sectionis & spatiī percursi. Si itaque datur spatiū percursum, & magnitudo sectionis, multiplicando sectionem per spatiū percursum, consurget quantitas aquæ

(*) Tab. II. Fig. XIX.

aquæ effluxæ per sectionem, tempore, quo percurrit determinatum spatum Ex. gr. habeat sectio latitudinem 50 pedum, altitudinem 12 pedum, area ipsius erit æqualis 600 ped. quadr. Sit aquæ velocitas tanta, ut possit percurrere tempore minuti primi 70 pedes, tunc erit quantitas quæsita, quæ hoc tempore per sectionem 600. ped. quadr. percurrit, æqualis $600 \times 70 = 42000$ ped. cubic. sive $24\frac{1}{2}$ pertic. cubic. Rhenol.

§. L V I.

Si itaque velocitates duarum sectionum fuerint æquales, quantitates, quæ pari tempore permanant, sunt ut sectiones ipsæ, nam (§. XXVI.) vidimus, quantitates esse ut foramina, si fuerint altitudines æquales, sive velocitates; Ex. gr. si una sectio A est æqualis 150 ped. quadr., altera vero sectio B æqualis 600 ped. quadr., & si in utraque est aquæ velocitas, qua possit percurrere tempore minuti primi 70 pedes, tunc quantitas sectionis A erit = 10500 ped. cubic. sive $6\frac{1}{2}$ pertic. cubic. Rhenol.

Quantitas sectionis B erit = 42000 ped. cubic. sive $24\frac{1}{2}$ pertic. cubic. Rhenol. (§. LV.) hi numeri quantitates exprimentes, sunt in hac proportione cum numeris designantibus sectionum capacitates: 10500, 42000 :: 150, 600, ergo quantitates sunt ut sectiones, adeoque duo flamina æque velocia, dabunt quantitates, quæ erunt in ratione capacitatis suorum alveorum; & capacissimum flumen exhibebit maximam aquæ quantitatem eodem tempore.

§. L V I I.

Ex dictis sequitur, positis æqualibus velocitatibus, & altitudinibus sectionum, sed latitudinibus differentibus, quantitates pari tempore effluxas esse ut latitudines sectionum, & vice versa, ita ut flumen, quod habet maximam latitudinem exhibiturum sit maximam aquæ copiam; e contra si habeat maximam altitudinem, positis latitudinibus æqualibus, & maximam dabit aquæ copiam.

§. L V I I I.

§. L V I I.

Si vero duas sectiones inaequales fuerint inter se inverse ut velocitates, aequales aquæ copias exhibebunt pari tempore. Si enim sectio minor eodem tempore parem aquæ copiam tribuet, ac sectio major, omnino necesse est, ut habeat maximam velocitatem, dum Sectio major minimam velocitatem habet, quia exilitas sectionum compensatur per majorem velocitatem, unde tunc ambæ sectiones aequales aquæ copias dabunt. Rem ita sese habere in flumine in statu manenti jam (§. XXXVII.) vidimus. Proinde duo flumina hac ratione constituta, si fuerint horum sectiones sive capacitates inverse ut radices inclinationum suorum alveorum ad horizonem, pari tempore aequalem aquæ dabunt copiam; Ex. gr. si fuerit velocitas fluminis A ad velocitatem fluminis B, ut 3 ad 4; Et si sectio fluminis A fuerit aequalis 40 petic. quadr. Rhenol., & sectio fluminis B aequalis 30 petic. quadr. Rhenol., ambo hæc flumina aequalem aquæ copiam pari tempore ad mare deferent.

§. L I X.

Finem antequam imponam huic capiti, non incongruum duxi, hic exhibere methodum determinandi mechanice velocitates fluminis in diversis locis. *Gulielmus*, (a) & *Hermannus*, (b) hoc eleganter peragunt ope quadrantis instrumenti notissimi. (*) Sit quadrans ABC, in cuius centro A, ope fili AF conjungitur globus metallicus F aquâ specifice gravior, ut descendere posset. Si nunc radius AB sit in situ perpendiculari positus per pondusculum M alligatum filo AM, globus F immergitur ad diversas profunditates infra fluminis superficiem. Si aqua stagnans sit, globus perpendiculariter statim descenderet; si vero sit fluens ex situ perpendiculari recedet, conficietque angulum BAF. hujus anguli tangens, sinus, aut cosinus erit in ratione duplicata velocitatis aquæ fluentis: Ut enim filum

AP

(a) Oper. tom. 1. pag. mibi 129. seqq.

(b) Hermanni phoronomia §. 416. pag. 230.

(*) Tab. II. Fig. XXXI. & dupl. annul. sub inservientibus aliis tabulis (a)

36 DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

$A F$ deducatur ex situ perpendiculari, conficiatque cum radio angulum, tres simul agunt potentiae: Nimirum gravitate sua perpendiculariter telloris centrum versus descendere conatur, qua vi tenditur itaque filum $A F$; Præterea aqua fluens in illum premit, ita ut simul procedere cogatur globus juxta directionem fluminis, unde filum $A F$ cum radio $A B$ conficiet angulum BAF ; Tandem globus retinetur a filo, ne aufugere possit. Haec potentiae exprimi possunt per lineas parallelas istis tribus directionibus. Confecto itaque parallelogrammo FE , latus FG erit parallelum AC , sive directioni fluminis, adeoque FG hic exprimit impressionem aquæ, qua filum $A F$ cum radio $A B$ angulum BAF conficit, Diagnalis EF erit parallela perpendiculari AM , adeoque angulus EFG erit rectus, si fluminis declivitas non admodum sit sensibilis, ut plerumque hanc ita esse in fluminibus naturalibus, capite sequenti videbimus.

Tandem latus EG est parallelum directioni AF , idcirco est, ut potentia, qua retinetur globus. Itaque erit impressio aquæ in globum, ad gravitatem globi :: FG , EF . Sed FG , EF :: tangens $\angle BAF$, ad radium AB , id id est, vis aquæ, qua abripitur globus antrorsum, est in hoc loco, ut tangens $\angle BAF$; sive (quod perinde est) ut sinus hujus anguli. Sed haec vis abducens est, ut impressio aquæ in globum, & impressiones sunt in ratione duplicata velocitatum secundum leges physicas; ergo tangens $\angle BAF$ est ut quadratum velocitatis in loco, ubi instituitur experimentum.

Si vero majori vi propellitur globus, tunc majorem angulum conficit, cuius tangens iterum erit, ut quadratum velocitatis pro hoc loco. sic ad diversas profunditates globus F demergi potest, unde tunc innotescet velocitas pro singulis locis,

§. L X.

Alli aliam commandant methodum, Ut *Mariottus* (a) ope globi ex cera confecti cum pondusculo conjuncti, & superficie aquæ impon-

(a) *Traité du mouvement des Eaux.* part. 4. pag. 276. seqq.

impositi, tunc ex spatio percurso certo quodam tempore ratiocinatur ad velocitates.

Pitot vero (*b*) hoc peragit per instrumentum ingeniosius exegitatum, in quo dantur duo tubi, unus rectus perpendicularis, alter perpendicularis quoque sed infra incurvatus, in quibus observat altitudines aquæ in ipsos tubos adscendentibus, ex quibus determinat velocitates, nimirum ex viribus, quibus aqua tubum ingreditur. De his methodis consuli possunt auctores memorati.

§. L X I.

Sic si inventæ sunt methodo præscripta velocitates in duabus diversis altitudinibus, possumus mathematice per has inventas determinare alvei inclinationem ad horizontem pro dato loco.

(*) Ex. gr. sit *AC* fundus inclinatus, *AE* linea horizontalis per initium alvei transiens, *CG* sit altitudo aquæ, in puncto *D* velocitas cognita = *d*, In loco *F* sit velocitas = *e*, differentia vero duarum altitudinum *FD* = *b*; linea ergo *EF* determinanda est, sitque = *x*. ergo *DE* = *b* + *x*. velocitas in *D* & *F* ut \sqrt{DE} & \sqrt{EF} . ergo *d*, *e* :: $\sqrt{b+x}$, \sqrt{x} . & d^2 , e^2 :: $b+x$, x . ergo $d^2 x$, = $e^2 b + e^2 x$, unde $x = \frac{e^2 b}{d^2 - e^2} = EF$, Linea itaque *DE* = $\frac{b+x e^2 b}{d^2 - e^2}$. Pars vero *DC* si mensuretur, quod facile fieri potest, tota linea *EC* innote scit, quæ æqualis est altitudini *AB* sive angulo inclinationis alvei *AC*, quod desiderabatur.

(*b*) Memoir. de l'Acad. Royal. anno 1732. pag. 904.

(*) Tab. II. Fig. XXI.





C A P U T T E R T I U M.

De Flumine in statu naturali.

§. L X I .

Nunc transeundum ad considerationem fluminum, prout in telluris superficie ex locis elatis montuosis ad mare decurrent. Hucusque tantum praecipuas spectavimus regulas, quas aquæ per regularem canalem recurrentes sequuntur. Flumen autem ita regulare in rerum natura non existit, quum decurrent intra alveos, qui per aquarum fluentium actiones facile abradi possunt, telluris enim corticem, jam dudum constituit, esse constitutam ex diversarum materiarum stratis sibi invicem impositis, v. gr. partim constat ex terra, partim arenâ, partim argillâ, imo partim ex rupe, quæ materies aliis corporibus, sive metallis, sive vegetabilibus, sive partibus animalium plus minusve mixtae sunt, sic dantur plures species arenarum, argillarum, & varia strata lapidea; imo docente perito *Le Franck van Berkhey* (*a*) in nostræ regionis cortice varia argillacea, & arenosa strata reperiuntur, quæ altitudine pro loco, quo existant, differunt.

§. L X I I I .

*Ex tali ergo telluris constitutione alveorum conformatio-*nes per aquæ fluentis actiones explicare haud difficile foret: attamen non ita hoc intelligendum est, ac si omnes in telluris superficie alvei es- sent conformati ab aqua decurrente ex locis elatis ad mare usque. Dantur flumina, quæ telluri nostræ sunt coœva, quod vel patet ex eo, quod *Moses* (*b*) docet de flumine procedente ex *Hedene* ad irrigan- dum

(*a*) *Natuurl. Hist. van Holland* 2 d. 1. st. pag. 1-201.(*b*) *Genesios* C. 2. v. 10-14.

dam hortum Paradisum &c. Mihi tamen non abs re videtur, dari alveos, qui diversorum rivulorum actioni ortum debent, quique ideo vocantur *naturales*; concipiamus enim aquam ex locis montuosis altioribus per sulcos rimasve, quae dantur in montium ambitu, defluentem limæ adinstar, de solo sive de his rimis continuo particulas abradentem, rasasque abducentem, ita ut temporis lapsu ex parvo rivulo nascatur major canalis, qui aquas ab elatis fontibus suppeditatas ad inferiorem defert locum, unde hoc loco Lacus efformatur; Aquæ autem hoc in Lacu crescentes undiquaque dein effluunt, querunt iterum sulcos, sive loca depressa, horumque excavatione novus sic nascitur alveus. Hinc facile percipitur, fluminis alveum primum esse peregrinum, diuturno vero tempore, & affluxu diversorum talium rivulorum majorem majoremque fieri; ideo saepe, antequam alveus debitam acquirat formam, oriuntur inundationes, si temporibus nimboſis abundans fiat aquæ quantitas, quæ ob arctiorum alveum contineri nequit, unde etiam undiquaque dispergitur ad alia sive alveo depressiora, sive altiora loca, verum temporis lapsu per continuum aquæ attritum alveus excavatione major fit, ita ut non tam frequenter tales fieri possint exundationes, & aquæ exundantes pro parte redeant in alveum, pro parte vero in locis, quæ alveis sunt depressiora, remaneant, unde tunc oriri debent Aquæ stagnantes, quæ plurimæ in telluris superficie dantur, aridisque temporibus exsiccantur, nimboſis vero replentur, quia nullam habent communicationem cum rivulis aut fluminibus. Interim temporum lapsu talia flumina, vel potius rivuli majores inter se combinantur, unde majora oriuntur flamina. Sic flumen *Danubius*, *Amazonum*, *Sandi Laurentii*, nonnisi receptis in se quam plurimis fluminibus minoribus, in tantam excreverunt amplitudinem, *Danubius* enim sexaginta flumina recipit, antequam se exonerat in *Pontum Euxinum*; flumen itidem *Volga*, receptis suo alveo ad minimum 200 fluminibus devolvitur in mare *Caspium* (a).

§. L X I V.

Dari ergo posse alveos naturales, quis non videt? Non omnes tamen

(a) Varenius Aard-Belchr. 1. d. p. 362.

men sunt naturales, cum etiam dentur alvei, quos homines varias ob rationes effoderunt sive metu damni, sive cupidine lucri ducti, ut per breviores viam merces ex uno ad alium deferrent locum. Hi autem, saltim quoad novimus, non sunt nisi communicationes unius cum alio flumine: Sic *Amilius Scaurus* aquas fluminis *Padi* in unum coëgit alveum; itidem datur canalis, qui a *Druso* effossus dicitur, quo communicat Rhenus cum *Isla Gelriæ*; *Canalis Pannerdensis* (*Panderſche Canaal*) quo Rhenus superior cum Rheno inferiori communiceat, & sic plures dantur. Nullus autem innoscit, qui a scaturigine ad ostium usque arte est excavatus.

§. L X V.

Aqua decurrentis intra alveum, alluendo continuo ipsum corredit, partesque corrosas ad inferiora defert loca. Hæc corrosio major est, quo minus tenaces, cohærentesque inter se sint partes materialium alveos constituentium, loca enim arenosa non ita aquæ actioni resistere valent, ac argillacea; & argillacea non ita ac petrosa. Aqua itaque, si in descensu suo obvium tenaciorem habeat locum, viam, ad alia deflectet loca facilius corrodenda, querit varia diverticula, aut inflexiones, unde flumen tandem ab uno ad alterum decurrit terminum per alveum serpentinum. Hæc inflexiones quorumdam fluminum notari merentur, quia ingentem telluris tractum suo cursu perlustrant, antequam se exonerant in mare: Ex. gr. Flumen *Amazonum* in America alveum ita habet inflexum, ut tractum perlustret 1500 milliarium, dum linea recta ab initio ad ostium usque ducta longitudine vix 700 millaria æquaret; ne nunc dicam, de flumine *Mæandro* in Natolia, de quo ob figuram valde inflexam jam Antiqui Poëtæ frequentissime cecinerunt.

§. L X V I.

Flumen, ut ex fonte suo ad ostium percurrat, requirit principium ostio altius, aqua cæteroquin immobilis staret (§. XXIX.) Capite præcedenti flumen consideravimus descendens a scaturigine ad ostium per unum tantum planum inclinatum. Flumina autem in teluris

luris superficie decurrentia per varia devolvuntur plana inclinata, quorum declivitates hic majores, illic vero minores sunt. Hoc per se patet, dum principium quorundam fluminum ob ingentem teluris tractum, quem cursu suo perlustrant, tanta altitudine supra Maris superficiem est elevatum, ut, si descenderent per unum tantum inclinatum planum, velocitates ipsis continua acceleratione incredibilis conciliarentur, ut navigationi inepta essent; descendens vero flumen supra plana diversimode inclinata non tanta velocitate feruntur: (*) Ex. gr. si particula descenderet supra planum inclinatum $A\alpha$, descendendo acceleratur, si vero moveri pergeret supra planum $BC\beta$, descendendo quoque accelerabitur, sed lentius, quam in superiori plano, quia altitudo $B\beta$ minor est quam $A\alpha$ (§. XLII.) Simili ratione supra planum $CD\delta$ acceleratur, sed iterum lentius, $C\delta$ enim minor est linea $B\beta$, & Sic porro, ita ut quo minor sit inclinati plani angulus, supra quod movetur aqua, eo minori velocitate feratur, unde licet aqua diu descendat, tamen ipsius velocitas exinde tantum non acceleratur in alveo, quin comode naves in eo vehi possint. Hinc fit, ut flumen in distantia quadam determinata, declivitatem habere vulgo dicatur aliquot pedum: v. gr. Si distantia inter A & B sit sex horarum, & unaquaque horâ duorum pedum declivitas reperiatur, altitudo $A\alpha$ erit æqualis 12 pedibus, flumenque in loco B 12 pedum declivitatem habere dicetur; similiter, si distantia BC sit 5 horarum, & unaquaque horâ unius pedis declivitatem habeat, in loco C flumen 5 pedum declivitatem habebit, & sic porro.

§. LXVII.

Hinc quoque est, ut ea, quæ (§. L.) dixi, contradictionem involvere videantur, quum sæpe observatur, aquæ in alveo altitudinem fluminis velocitatem augere, id quod præcipue obtainere videsmus in flumine lentiori, ratio est, quia plani altitudo, five fundi declivitas tam exigua esse potest, ut fere sit horizontalis; aqua hoc in casu præcise agit, ut (§. XXIX.) monuimus.

§. LXVIII.

(*) Tab. II. Fig. XXII.

§. LXVIII.

In assignanda alveorum declivitatis quantitate pro determinata quadam velocitate, non eadem nec antiquorum nec recentiorum est sententia. *Vitruvius* (a) olim, in 100 pedum distantia sufficere sesquipedum declivitatem, statuebat, id est 15 ped. in 1000 pedum distantia: *Baratterus* (b) in 1000 pedum distantia $2\frac{1}{2}$ ped. declivitatem. Verum recentiores auctores institutis experimentis, quorundam fluminum cæteroquin insignium declivitates non tantas invenerunt: Sic Cl. *Picardus* (c) in flumine *Ligere* libellationibus, in 20000 hexap. gall. sive 120000 ped. gall. distantia, qualis est inter locum *Pouilly* dictum, & initium canalis *Briare*, invenit 16 hexap. gall. = 96 ped. gall. declivitatem, id est in distantia 1250 ped. gall. 1 pedis declivitatem; ab hoc loco ad urbem *Orleans* usque, quæ distant fere 34000 hexap. gall. a se invicem, declivitatem 15 hexap. gall., id est in 2266 pedum distantia 1 pedis declivitatem; In flumine *sequana*, in 1000 hexap. gall. = 6000 ped. gall. 1 pedis declivitatem reperiit. Cl. *La Condamine* (d) in flumine *Amazonum* in 200 milliarium distantia $10\frac{1}{2}$ ped. declivitatem invenit. In nostra regione peritus *Velzen* (e) determinavit declivitatem *Vahalis* fluminis, ab urbe *Emmerik* ad mare usque, ad varias distantias: urbem *Emmerik* inter & *Neomagum* unaquaque horâ hollandica 2 pedum declivitatem ponit; inter *Neomagum* & urbem *Tiel* singula hora fere $1\frac{1}{2}$ ped. declivitatem; ab urbe *Tiel* ad *Bommel* usque singula hora 1 pedis declivitatem; ab hoc loco ad urbem *Gorcum* usque singula hora 1 pedis declivitatem; hinc autem ad mare usque fundus figuram acquirit irregularē, ita ut declivitas sese non habeat in justa proportione, uti hoc manifestum est ex tabulis citatæ tractationi insertis.

§. LXIX.

(a) l. 7. c. 8.

(b) Architect. aquarum p. 1. lib. 6. c. 5.

(c) Traité du Nivellement p. 152. seqq.

(d) Voyage de la Riviere des Amazon. p. 134. seqq.

(e) Rivierkundige Verhandeling. p. 57.

§. L X I X.

Attamen hic observandum, alveorum declivitates non esse stabiles, cum in dies variis mutationibus alvei sint obnoxii. Verum assentiente Cl. Guglielmo (b) dici potest, quo tenacior sit soli materia, unde coalescit fluminis fundus, eo declivius esse, & manere flumen, ratio est, quia materia tenax magis aquæ corrodenti resistit, ideoque non tantum patitur detrimenti. Si ergo alvei fundus variis in locis constet materia variae tenacitatis, fluminis declivitas majori laborabit mutationi; fundus vero, si fuerit faxosus, quales habent flumina fundos, quæ decurrunt inter montes, nullæ, nisi post aliquot saecula, sensibili mutationi erit obnoxius, & servabit declivitatem immutatam.

§. L X X.

Ex dictis manifestum est, alveos per aquarum fluentium actiones aliquando magnos pati attritus, & corrosiones; est hic attritus, in ratione quantitatis materiei, & velocitatis, itaque alveorum *corrosiones* sunt *in ratione velocitatum, & fluidorum pressionum, sive altitudinum fundis superincumbentium*, ita ut in locis, ubi datur maxima velocitas, & aquæ altudo, ibi maxime reperiantur profunditates, & flumina velocissima, & profundissima, alveos habeant maxime excavatos.

§. L X X I.

Verum aquas per alveos decurrentes, & ripas, fundumque continuo atterentes, in motu suo retineri & retardari, palam est, omnia enim corpora sibi invicem attrita, alterum alteri resistit. Retardatio velocitatis exinde orta se habet *in ratione inversa velocitatum*, quia eo minor est, quo velocitas est major, non tamen per totam fluminis sectionem ejusdem est intensitatis, sed proprie retardantur

(b) Oper. t. i. p. 385. seqq.

44 DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

particulæ, quæ immediate ripas fundumve tangunt, quæ alias in eadem adjacentes sectione in motu retinent, hæ iterum retinent alias, & sic ad medium sectionis partem usque transfertur retardatio, hinc itaque sequitur, particulas in media sectione esse velocissimas. Hoc si itidem intelligatur de singulis in alveo sectionibus, atque per puncta, ubi aqua in sectione est velocissima, ex altera ad alteram sectionem ducatur linea, hæc transibit per locum ubi rapidissimum est flumen; hæc linea vocatur *filum fluminis*.

§. LXXXI.

Si alveus fuerit regularis, fluminis filum ab utraque ripa æque erit remotum, si vero irregularis, ad unam alteramve filum fluminis accedit; hinc itaque in medio alveo regulari maxima reperietur profunditas, cum supra hunc locum aqua celerrime moveatur, unde in hoc loco maxima alvei datur corrosio (§. LXXI.) quæ, recedente aqua ripas versus, sensim decrescit, ita ut alveus figuram cylindricam cavam acquirat.

§. LXXXII.

Aquæ fluentes, dum continuo suis conteruntur alveis, omnia corporum genera obvia secum abducunt, sic deferuntur ab aquis fluentibus partes metallicæ v. gr. Aurum in forma pulveris tenuis, ut in *Africa* quædam flumina talem pulverem Auri ad loca ostiis vicina deferunt, ubi ab incolis colliguntur, depuranturque a materiis heterogeneis; sic quoque in *America* ex aquis fluentibus arenæ nigrae a magnete prorsus attrahentes colliguntur; imo notante *Varenio*, Rhenus noster in locis superioribus aliquando defert argillam particulis aureis commixtam. Præcipuae autem & vulgares materiæ sunt lapilli, arenæ, argillæ, partesque vegetabilium putrefactorum, quæ aut extrinsecus per tempestates procellosas ex locis montuosis projiciuntur in alveum, aut intrinsecus per aquarum fluentium actiones hinc illine corroduntur, & deponuntur, sive excavatis alveorum inflexionibus, sive ruptura in hoc illove aggere facta, unde, ut dein visuri sumus, ingens arenarum quantitas, & argillarum in alveis

acer-

acervatur. Particulæ cum aquis fluentibus commiscentur, aquasque turbidas reddunt, cum autem aquâ specifice graviores sunt, ipsis non semper inhærebunt, sed ipsarum gravitate vim aquæ abripien-tem prævalente, in fundum præcipitantur, hinc si in aquam defe- runtur stagnantem omnes perpendiculariter sola dependent gravitate, verum commixtæ cum aquis fluentibus motu composito ferentur, non tantum enim gravitate descendere nituntur, sed & simul per aquæ velocitatem antrorum abripiuntur, unde viam percurrunt ad fundum inclinatam, quia feruntur per diagonalem parallelogrammi ex duabus istis directionibus confecti; jam majorem minoremve viam per medias aquas describent in ratione majoris minorisve veloci-tatis gradus. Imminuta itaque quodam in loco velocitate, partes gravissimæ præcipitantur, velocitate dein imminui pergente, iterum deponentur particulæ, sed leviores, & sic porro donec aquæ cele-ritas ita decreverit, ut partes levissimæ v. gr. argillaceæ, limosæ &c. descendant.

§. L X X I V.

Flumina itaque magis minusve erunt turbida, prout majori mino-riive gaudent velocitate, quia, quo sint velociora, eo major est are-narum & argillarum copia, hinc fit, ut hyeme, auctis simul cum aquæ copia velocitatibus in alveis, flumina videantur turbidiora.

§. L X X V.

Ex dictis manifesto liquet, fluminum alveos multis laborare mu-tationibus, cum, hinc illinc particulis depositis, varie coarctantur, varie iterum ampliantur. Hæ mutationes nobis sunt considerandæ variis in casibus; videbimus primum mutationes, quæ oriuntur ex variis aquarum actionibus in ripas, dein transibimus ad illas in al-veorum fundos spectandas. In antecessum autem præmittere lubet, quo pacto aquæ fluentes agant, si in obstacula in alveis diversis an-gulis posita, incurvant. (*) Capiatur obstaculum AB, quod ad cer-

(*) Tab. II. Fig. XXIII.

46 DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

certum aliquem intra alveum CPMN protenditur distantiam angulo obtuso CBA. Si ripæ inter se parallelæ sunt, fluminis filum in medio alveo erit (§. LXXII.), & flumen feretur directionibus ripis parallelis. Flumen in descensu obvium habens obstaculum AB directionibus GA, HI, KL, CB in illud impetu impingetur, unde aqua contra ipsum aliquanto elevabitur, & accumulatur, dein iterum gravitate delabitur, eodemque angulo propellitur ab obstaculo juxta directiones Ba, Ld &c; particula cum ex B ad b pervenerit, ibi moveri cœpit motu composito, nam per columnam Kb iterum propellitur obstaculum AB versus, & simul sequi conatur directionem Ba, v. gr. vi bL propellitur versus obstaculum, dum interim refugere conatur vi be, idcirco viam deflectet sequiturque diagonalem bc: Verum ex punto c procedens particula majori atque majori vi propelletur obstaculum versus, quia vis aquæ fluminis filo vicinioris crescit, ita ut sequatur viam cA, & aqua moveatur in linea curva BbcA, quæ ripam versus magis ab obstaculo BA, quam procul a ripa recedet. Hinc ergo fluminis filum, quod ante ripis fuit parallelum, viam detorquet, tantoque impetu in oppositam incidit ripam, quanto ab obstaculo repulsum fuit, ita ut excavationem producat in M, quæ eo major erit, quo major est vis aquam repellens. Cum autem angulus CBA minus sit obtusus, aqua majori reflectetur vi, quia linea be tunc accrescit, dum bL minuitur, unde isto in casu major obtinebit corrosio in M ripam oppositam; proinde concussions, seu impetus, quos in obstaculum peragunt columnæ incidentes GA, HI &c., eo quoque maiores erunt.

§. LXXVI.

Aqua, quæ in partem hujus obstaculi posticam incidit, non prorsus quietescet, sed cum fluminis filo cohærens abripitur, minori tamen velocitate, unde paulatim in \triangle ABN accumulatur arena alluvioque oritur, quæ eo major erit, quo minor est angulus ABN. Ante obstaculum autem in spatio BbcA nulla obtinebit depositio, cum sit sat obtusus, quia flumen tunc hoc in loco absque ulla notabilis profluit retardatione.

§. LXXVII.

§. LXXVII.

(*) Si vero obstaculum AB in alveo detur angulo recto DBA aqua directionibus HA, GI & CB ripis parallelis in illud impacta juxta easdem reflectetur directiones, quia angulus incidentiae est rectus, particulæ enim columnæ CB in punctum B obstaculi AB impactæ retroeundo pergent ad D. Ponamus, partem columnæ CB repulsam esse BD, hæc in D antagonistam habebit columnam CD, quæ ipsam sifit, unde partes heterogeneæ in linea DB deponentur: Similiter ab obstaculo repelletur columna GI pro parte, ponamus aquam itidem repulsam sitam esse in Io, sibique oppositam habere antagonistam columnam Go in contrariam partem tendentem, hæc, cum a fluminis filo minus distet, obstaculi repulsioni majori obstat vi, unde non tot particulæ repellentur in Io, quot in DB, neque partium depositarum numerus tantus erit, qui numerus eo magis minuitur, quo fluminis filo sint viciniores columnæ; adeoque in columna HA neque retardatio, neque alluvio obtinebit. Liquet ergo, in Δ DBA ante obstaculum oriri alluvionem. Interim columnæ CD, Go, HA detorquentur, filumque fluminis repellent in oppositam ripam, unde in M ripa excavabitur. Eodem modo ac (§. LXXV.) vidimus in Δ ABN post obstaculum orietur alluvio, alluviones autem majores in hoc ac in priori casu erunt, quoniam hoc directe oppositum est fluminis filo. Observandum tamen, obstaculum recto angulo fluminis cursui obstatum majores ab aquis fluentibus pati concussions, unde citius ac obstaculum priori casu visum corrumpitur.

§. LXXVIII.

(†) Obstaculi angulus si fuerit acutus, res paulo aliter se habet: sit angulus CBA acutus; incurrat aqua in obstaculum AB directionibus CB, GH, FA ripis parallelis. Directio GH ab obstaculo juxta

(*) Tab. II. Fig. XXIV.

(†) Tab. II. Fig. XXV.

48 DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

juxta directionem HK in ripam CB, & directio FA juxta directionem AI reflectetur; paritcula columnæ GH ex H reflexa in K iterum eodem angulo propelletur a ripa CB ex K in L, itidem columnæ FA particula ex A reflexa in I eodem refugiet angulo ad punctum M; cum ex I pervenerit ad M, obviam habens columnam GM ipsam repellere conantem obstaculum AB versus suam deflectet viam versus obstaculum, interim autem ab aliis particulis ab obstacle repulsis ripam CB versus, abripietur & ripam versus reducetur. Itaque hoc si intelligatur de integris columnis, quod nunc demonstratum de una particula, manifesto patet, aquam in Δ ACB motum acquirere centralem & in plures abire vortices, quo motu centrali majorem acquirerere velocitatem acceleratam, necesse est, adeoque majorem corrodendi vim in ripam CB exercet, præcipue in punctis, quibus est quasi istius curvæ spiralis tangens; idem obtinebit in obstaculo AB, ita ut hujus firmitas exinde tollatur, & extremitas A brevi præcipitanda atque rejicienda sit. Corrosio in ripa opposita nulla erit, neque alluvio post obstaculum AB obtinebit. Ex his ergo liquet, tale obstaculum pro flumine omnium esse pessimum.

§. LXXXI X.

Ex hac præmissa doctrina determinari nunc licet, quo respectu in alveos suos quibusdam in circumstantiis agant aquæ fluentes.

(*) Si quacunque de causa pro parte prominet in alveo ripa B d C, & aqua in illam incurrat, reflectetur in oppositam ripam (§. LXXV.) & corrodet ripam in F; ripa autem B d C constat partibus, quæ removeri possunt, per continuam ergo aquæ concussionem ista loca, quæ fluminis filo propinquiora sunt, maximum patientur detrimentum, scilicet extremitas d statim corripetur, ita ut ripa eminens B d C assidua corrosione tandem tota evanescat, fiatque BC, sic ambæ ripæ paulatim inter se fient parallelæ, cum ambæ simul corroduntur.

§. LXXX.

(*) Tab. II. Fig. XXVI.

§. LXXX.

Si vero eminens ripa fuerit saxosus, aut coalescat ex solo durioris indolis, oppositæ ripæ corrosio ipsam eminentis ripæ *BdC* prævalebit, ita ut temporis lapsu, illa multo sinuosior fiat, alveusque figuram nanciscatur irregularem. Idem continget, si in illa dentur arbores, arundines, aliæque ejusmodi plantæ, quæ, radicibus hinc illinc dispersis solum tam firmius reddunt, ut aquarum concussionibus omnino resistere valeat. Ex tali ergo inæquali soli constitutione fluminis filum in hanc illamve ripam haud raro incurrere, ipsamque excavare videtur.

§. LXXXI.

Verum ripa eminens, si exiguum tantum habeat intra alveum eminentiam, fluminisque directioni angulo admodum obtuso sit opposita, flumen in oppositam reflectet ripam, absque ut ulla hujus ripæ corrosio se manifestet, quod palam est ex (§. LXXV.) demonstratis. Idem quoque fiet, si alveus satis fuerit capax, fluminis enim filum tunc manebit in medio alveo, secumque trahet aquam inse-
quentem absque ulla alterius ripæ mutatione. His nunc clare patet, licet fluminis alveus fuerit inflexus, si modo angulo sat obtuso, aquæ fluxui nullas inferre noxas alveorum fluminum inflexiones, ita ut, immutato alveo, isto casu ad alterum suum terminum provolvantur flumina: si vero angulus alvei inflexionis fuerit rectus saltim minus obtusus, flumen maximas patietur mutationes, nam eo majori impetu afficiet ripam, quo minus fuerit obtusus inflexionis angulus (§. LXXV. & LXXVII.).

§. LXXXII.

(*) Si vero in decursu versus hanc illamve ripam obviam habeat flumen cavitatem v. gr. inter *D* & *E* quacunque de causa ortam, velo-

(*) Tab. II. Fig. XXVI.

50 DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

velocitas propter attritum exigua esset, si ripa excavata DE in continua linea recta esset cum cæteris ripis, nunc vero est excavata, aqua ergo in hanc incidet majori velocitate, allidetque in E impietu quodam, ibique excavabit ripam; interim autem aqua incidunt in cavitatem DE movebitur in vortices eodem modo ac (§. LXXVIII.) vidimus, unde cavitas isthæc major, flumenque inter D & E sinuosius fiet per assiduam ripæ corrosionem. Hæc excavatio dependet partim a majori minorive fluminis rapiditate, partim a materiæ tenacitate; in ripa autem opposita, cum totum fluminis filum hanc cavitatem versus tendit, nulla obtinebit excavatio, sed paulatim accumulabitur arena. Hinc ergo liquet cavitates in hac illave ripa fluminibus esse perniciosissimas, ipsorumque regularem prorsus mutare situm.

§. LXXXIII.

Simile quid aliquando ab utraque alvei parte observatur. (*) Ponamus, ripas ab utraque parte a se invicem dilatari in I & K aqua ex loco angustiori FG in amplius spatum ruens in majorem dispergitur amplitudinem, unde ipsius altitudo & proinde velocitas (§. XXXVIII.) imminuetur, in medio itaque alveo, gravissimæ statim deponentur partes, quæ paulatim fundum hoc in loco elevabunt, cumulumque quandam producent, fluminis autem filum exinde in duas divaricabitur partes, quarum una versus K, altera versus I sese dirigit, unde continua excavatione hujus loci amplitudo assidue accrescit. Cumulus interim ita augebitur, ut tandem insula L exsurgat, quæ in alveo eo plures conspicentur, quo amplior sit fluminis alveus hoc in loco. Quam ob rem plures tales insulæ in nostris fluminibus ortæ videntur in locis, ubi ex angustiori in ampliorem alveum abit flumen: Ex. gr. datur Insula *Rosenburg*, aliæque minores, quæ vocantur, *Wel-plaat*, *Merwe-plaat*, *Eift-plaat*, & plures hic non memorandæ, sed in Tabula fluminum in nostra patria decurrentium, quam suppeditavit Geometra *Bolstra*, conspici queunt. Ex his:

(*) Tab. II. Fig. XXVI.

his colligi potest, qualis pessimi sint effectus ambobus memoratis cabis, ab una enim parte flumen sinuosius fiet, ab altera vero alveus ex nimio harum insularum numero obstringetur.

§. LXXXIV.

Circumspecti itaque simus in evitandis his excavationibus. Reme-dia, quæ ad hunc adhibentur scopum varia pro variis circumstantiis sunt: sic si excavatio vel ab una, vel ab utraque observetur parte, hæc statim est replenda per lapides, terram aliasque materias, quo ripæ divergentes in unam lineam si non continuam saltim admodum obtuse curvam cum cæteris ripis redire coguntur, filumque fluminis iterum in medium reducitur alveum. Praeterea sedulo attendendum est, utrum dentur quædam loca, quæ periclitentur, ne dein oriatur excavatio, hæc loca bene firmando sunt ope fasciculorum compactorum (*Rysboßchen*) sibi invicem fixorum per palos, publicas &c. solo fistucatas.

§. LXXXV.

Si autem excavatio justo sit major, efficacius applicandum est re-medium, cum sola cavitatis repletio lapidibus accumulatis non sufficiat, vixque fieri possit in flumine rapidiori. Vulgaris & optimæ methodus in construendo aggere (Krib) infra aquæ superficiem consistit, eo loco, quo excavatio datur. His aggeribus fluminis filum repellitur in alteram ripam, quo istius fit corrosio, & a parte hujus aggeris postica cavitas exorta arenis replebitur, sicut jam de obsta-culis aquæ fluxui obviis (§. LXXV.) monuimus. Angulus, quo vulgo construuntur aggeres in alveo est obtusus, & quodammodo coincidens cum fluminis directione.

§. LXXXVI.

Antequam ad alia pergam, quædam circa aggerum constructionem hic observare lubet.

Horum aggerum figura ab utraque parte crepidinem non habet, sed divergit isthæc superficies, quæ vim fluminis excipere debet;

52 DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

superficies postica a fluxu aversa est ad solum perpendicularis. (*) si capiatur sectio talis aggeris ABDE, erit ED superficies anterior opposita aquæ fluxui, AB vero superficies postica, ad quam apponitur alluvio ABF. Materies, quibus construuntur, sunt fasciculi compacti (*Rysboffchen*), terra, lapides &c.

Fasciculi suis crassioribus extremitatibus ripæ corrosæ applicantur isto loco, ubi ripa in cavitatem abire coepit, non vero in media cavitate, cæteroquin ante aggerem obtineret Corrosio; Hi sibi invicem, & juxta se invicem collocantur, donec determinata est baseos aggeris latitudo, dein iterum imponuntur alii & alii, procedendo sensim intra fluminis alveum, & ipsis ope cratum (*wiepen*) conjungendis; verum aquæ superficie innatabunt, quum aquâ sunt specificè leviores; quam ob causam his superjicitur terra, & lapides, donec hujus pondere superficië aquæ supprimantur; dein opus iterum repetitur, imponendis novis fasciculis, ipsisque conjungendis per crates memoratas, terra pro altera vice superjicitur donec supprimatur apparatus, & sic bene observata declivitate crepidinis pergitur, usque dum aggeris vertex immineat aquæ superficië; corpus itaque ABCE totum apparatum tunc dépressum tenebit. Si ab utraque parte haberet agger crepidinem, vix ac ne vix quidem alvei fundo imponi posset, nam, cum basis FD major est BD, aquæ pressione extremitates F & D sursum ita refleterentur, ut cito destrueretur agger, si autem superficies postica AB sit perpendicularis, aggerque ab una tantum parte superficiem habeat divergentem, molles ABCE omnino deprimere valebit prisma, cuius basis est $\triangle ECD$, præsertim, si linea CD sit æqualis linea BC, tunc enim $\triangle ECD$ erit subduplum parallelogrammi ABCE (34. pr. i. l. Eucl.) unde ergo prævalebit prismati.

§. LXXXVII.

In his construendis aggeribus, ad sequentia probe est attendum.

1º. In-

(*) Tab. II. Fig. XXVII.

1º. Inter alveum ad nimiam distantiam non protrahi debent, sed capacitatii alvei sint ipsorum longitudines proportionatæ, si minus fluminis nimis coarctatur alveus, unde aqua non tantum majori infligitur impetu in alteram ripam, sed & supra agros ad nimiam dispergitur amplitudinem.

2º. Angulus, quo jactet in alveo, proportionatus sit corrosioni instituendæ, si angulus justo minus obtusus sumitur, aqua vehementiori modo ager in oppositam ripam, ipsamque nimis corrodet.

3º. Flumini, si fuerit rapidum, sufficiet angulus admodum obtusus, fluminisque directioni quodammodo obsequens, unde fluminis filum majori obliquitate in oppositam propelletur ripam, ibique minorem efficiet efficaciam.

4º. Satis alti construantur, ne, aquæ copia paululum in alveo aucta, ipsorum vertices cooperiantur, unde haud raro experientia docuit, illos, si non integros saltem pro parte ab aquis fluentibus destrui.

5º. Tandem hic observandum, illos non nisi summa necessitate construendos in alveo, ideo ipsorum numerus nimius non esse debet, quia, quo plures dentur, eo magis coarctatur alveus, adeoque si unus sufficiat, non duo ponendi sunt.

§. L X X X V I I I.

Redeamus ad aquæ cursum. (*) Capiatur flumen in decurrendo ex P ad Q alveo recipere fluentum RS angulo recto SRP; secundum leges physicas duo corpora mota alterum alteri eo minus resistit, quo minores sint anguli a suarum directionum lineis conflati, ita ut, si fere sint parallelae hæ directiones, ipsorum mutua resistencia vix sit sensibilis, directiones itaque PR & SR sibi invicem maxime obstabunt, quia angulus SRP est rectus. Si nunc fluentis SR celeritas potentia PR fluminis recipientis major sit, directio PR propelletur oppositam ripam versus, si vero minor sit, directio PR prævalens aquam fluenti SR lateraliter abducet ad F aut ad Q, eo tempore, quo SR & PR in contactum veniunt in puncto R;

(*) Tab. II. Fig. XXVI,

54 DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

R; duæ hæ potentiaæ suis directionibus majorem minoremve confi-
cient angulum pro majori minorive fluminis recipientis velocitate,
unde ripa continuo corrodetur ad majorem vel minorem distantiam,
sic extremitas T continua corrosione transferetur in V, ubi stabilie-
tur fluenti ostium; si vero fuerit recipientis fluminis velocitas major,
ad majorem corrodetur ripa distantiam, & transferetur ad U ostium,
ita ut fluentum ex SR ad SF aut SQ suam defleget viam.

Ripa autem altera O continuo quoque corrodetur, primo per
concupiscentes laterales juxta directionem SP, secundo per vortices,
qui validissimi oriuntur in Δ PSR ex contrariis & fluminis, &
fluenti aquæ actionibus, qui ripam O ita excavabunt, ut transfe-
ratur in Z, hæc ex ante demonstratis clara sunt.

§. LXXXIX.

Absoluta nunc mutationum consideratione, quibus aliquando flu-
minum ripæ sunt obnoxiae, ad alias, quæ fiunt in alveorum fundis
transeundis est. Primum eârum, quæ oriuntur ex inæquali fundo-
rum excavatione, mentionem faciam, dein transgrediar ad qua-
dam alveorum fundos elevantes causas.

(*) Si alveus ACB constiterit ex materia ejusdem indolis erit
filum fluminis in linea DC repositum, maximaque exinde obtinebit
corrosio in puncto C (§. LXXIV.); Si vero coalescat ex inæquali
substantia, v. gr. ripa CB si fuerit arenosa, & AC argillacea,
aliusve materiæ tenacioris, ripa minus tenax magis excavabitur,
ibique orietur profunditas, unde fluminis filum magis transferetur
illam ripam versus, & in ripa opposita tenaciori orietur aluvio,
hinc alveus ACB mutabitur in A a CFE, ita ut punctum B recedat
in E. His ita constitutis, habebimus similem casum, ac (§. LXXXII.)
vidimus, aqua enim in cavitatem CFE incidens vorticoso feretur
motu, fundumque magis magisque excavabit.

X C.

(*). Tab. II. Fig. XXVIII.

§. X C.

Verum statuamus, aquam in decursu óbrium habere tenax quod-dam corpus in fundo jacens, aqua, cum huic infligatur corpori, repelletur ad aliquam distantiam, unde ipsius velocitas retardabitur, atque juxta hoc corpus deponentur partes gravissimæ, quæ continuo accrescent, & cumulum arenarium (Zandplaat) producent, qui dein mutabitur in iusulam. (*) Si jam tale corpus jacet in medio alveo filum fluminis in illud impactum dividetur in duas partes, quarum una se versus hanc, altera versus illam diriget ripam, unde oritur insula L ab utraque parte profunditatem habens, & ripæ magis dilatabuntur, quo major fiat insula.

Si autem corpus propinquius fuerit ripæ N, insula O, quæ exinde oritur, non ab utraque parte æqualem habebit profunditatem, in loco enim N profunditas exigua erit, quoniam fluminis filum hujus corporis situ non fuit bipartitum, sed tantummodo propulsum versus ripam M, in hoc casu alveus ab una tantum parte excavabitur; versus alteram vero ripam N decrescit profunditas, donec Insula mutetur in peninsulam. Similes effectus oriri possunt, si in medio fundo alvei quidam locus constet materia duriori, dum ripæ coalescent ex arena.

§. X C I.

Attamen Tales moles arenariæ in mediis oriri possunt alveis, nullo in ipsis résistenti corpore existente, quum experientia docuit, non omnes insulas esse stabiles, sed allquando conspicí, aliquando evanescere, atque deponi in aliud remotiorem locum, hyeme enim, aquæ copia in alveo crescente, fluminis altitudo supra insulas ita ex-surgit, ut majori exinde acquisita velocitate prorsus ipsas corrodat, dum interim particulæ corrosæ simul cum aquis devolvuntur, par-timque in agros inundatos, partim in alveos, ubi flumenq; minori volvi-

(*) Tab. II. Fig. XXVI.

volvitur rapiditate, deponuntur, unde in locis, ubi ante non fuerunt, conspiciantur insulae.

Ventos vehementiores quoque similem producere effectum, haud raro observatur, hi enim aquas in altas suscitant undas, quæ exinde celeriori impetu provolvuntur, & infliguntur in insulas, unde sœpe fit, ut si non penitus saltim pro parte maxima evanescant. Talem efficaciam aliquando edunt in hanc illamve ripam, ut & in aggeres, unde ingentes illorum locorum excavationes oriuntur; imo faxa gravia locis suis excutiunt, quod Nob. van Bleiswyk, se in littore marino prope pagum *Ter Heide* sœpe observasse, notat (*a*).

Frequentissime etiam tales exserunt effectus aggeres glaciales (*Y-Dammen*), cum hyeme aquæ congelatae a ripis solvuntur, & in varia franguntur fragmenta, quæ dein ab aquis elevantur, cumque ipsis devolvuntur ad inferiora loca, præcipue ad omnes fluminis inflexiones locaque angustiora, (*) v. gr. ad F G, imo aliquando ad K. & I, ubi fistuntur, cursumque impediunt fluminis, hinc aquæ & intra aggeres, & supra jufulam L ad tantam afflurgunt altitudinem (§ LI.) ut non tantum ex corrosione, quæ isto tempore est validissima, disperat Insula, sed & aggeres, quibus inclusum est flumen ingenti pressione maximo versentur in periculo, præsertim si (ut mox observabamus) venti vehementiores accedant, & directe aquas impetu in illos propellant; Evidentissimum exemplum sedulus observator & amicus mecum communicavit, cuius ante aliquot annos in flumine *Mosa* e regione Arcis, quæ est in pago *Neder Hemert* ipse testis fuit oculatus.

Memorato loco haud exigua accumulata fuerat moles arenaria, quæ fluminis capacitas pro isthoc loco erat imminuta, verum hyeme, cum moles quædam glacialis hunc locum versus delata, ibique defixa fuerat, aquæ exinde ad insignem afflurgebant altitudinem, tantamque ex aucta velocitate efficaciam in illam exercuerunt, ut penitus disparuerit.

§. XCII.

(*a*) Vide Dissertat. de aggeribus p. 52. §. 70.

(*) Tab. II. Fig. XXVI.

§. XCII.

Ex his ergo liquet, quam circumspecti esse debeamus, in omnibus obstaculis, quæ in his reperiuntur Insulis amovendis, hæc enim v. gr. arundines, arbusculæ, aliæve plantæ, non tantum suis radicibus solum reddunt aptius, quod aquæ actionibus resistat, sed & sua altitudine, qua ex solo exsurgunt, aquis fluentibus resistunt, unde haud raro insulæ mole accrescere videntur.

§. XCIII.

Præter has causas fluminum alveos mutantates, plurimæ aliæ dantur, quæ alveos valde elevant; ipsarum quasdam hic memorabo. Inter eas primum refero fluminum inundationes, quæ variis in fluminibus variis anni temporibus fiunt. Hyemali tempore ex nivibus in montuosis aliisque elatis locis accumulatis, & circa hujus tempestatis finem liquefactis, abundantes fiunt flumen aquæ, & ita turgent, ut supra agros circumiacentes ad amplam dispergantur amplitudinem; Harum copia velocius exinde agitata majorem particularum heterogenearum quantitatem non tantum ad latera ripas versus, sed & in ipsos alveos defert, excutitque, præfertim si attendamus ad loca arctiora, quæ habent multas eminentias & irregularitates, aquarum copia ad hæc loca delata accumulatur, & in motu retardatur, unde partes heterogeneas in fundos excutit, quæ ipsos elevant: Prætereæ istis temporibus per obstructionem mole glaciali aquæ excrescunt tanta altitudine, ut oriatur aggeris ruptura, unde non tantum multæ solvuntur arenæ, & oriuntur Lacus magnæ profunditatis, sed & partes illæ solutæ, in alveum deferuntur & excutiuntur, ita ut hinc illinc elevetur alveus. Sic in nostra regione per aggerum rupturas, quæ contigerunt præcipue anno 1740 & 1757 non tantum exortæ sunt lacus 70 vel 80 pedum profunditatis, qui post aggeres hinc illinc adhuc videri possunt, sed etiam magnæ comparuerunt insulae.

§. XCIV.

Huc etiam referri debent plures fluminum Rami, flumina enim,
H quo

quo plures habeant Ramos laterales eo minori velocitate feruntur (§. XLIII). Rami non tamen majoribus nocent fluminibus, quibus-
cum communicant, si ipsorum declivitates fluminis declivitate sint
minores, in hoc enim casu omnium maxima aquæ copia per ipsum
flumen ad mare deduci potest; maxime autem flumen per ramos pa-
titur detrimentum, cum se dispecat in duos aut plures inæquales ra-
mos, qui hinc aquas ad mare deducunt, in hoc casu longiori noce-
bit alter brevior ramus. (*) E. gr. si flumen AB se dividit in pun-
cto B in duos ramos BC, & BDER juxta (§. XLIII.) aqua per
breviorem BC maxima deferetur velocitate & quantitate, unde
temporis lapsu, crescente rami brevioris capacitate, aquæ velocitas
& quantitas in ramo longiori BDER ita decrescit, ut maxima si
non integra aquæ copia per breviores BC abducatur ad mare. Ut
hæc præveniatur calamitas in flumine ita diviso, præstat, aquam,
effuso canali FE, per breviores deducere viam, quo ambo rami
per magnum temporis spatium statum servabunt immutatum, si præ-
terea simul removeantur obstacula, & loca angustiora in fluminis
parte inferiori aquam sistentia, sin minus, propter breviores viam
FE, aquæ quantitas major, & in istis locis inferioribus retardata
excuteret partes heterogeneas in alvei fundum. Evidentissimum ta-
le habuimus in Patria nostra exemplum, cum initio hujus saeculi
aquæ copia a Rheno superiori in nostrum Belgum devecta per Vahalem
fere integra mare versus deducebatur, unde alter ramus Rhenus infe-
rior præcipue ob viam nimis incurvatam ita longescere cœpit, ut
e regione moeniorum Schenken Schans cum superiori Rheno communi-
cationem fere amiserit totam, hinc Isala Gelriæ, flumenque Lecca,
dum ex hoc cum superiori communicabant Rheno, valde ad suum
tendebant interitum; de his reapse actum quoque fuisset, nisi OR-
DINES nostri omni cum prudentia & vigilantia egissent, cum anno
1706 & 1709 prope mœnia Sterrefchans canalem ejusmodi effodi jus-
serint, qui in pagi Pannerden vicinia constructus audit *Canalis Pan-*
nnerdensis, hoc canali per breviores magisque rectam viam ad Rhe-
num

(*) Tab. II. Fig. XXIX.

num inferiorem &c. deducta fuit aqua, unde factum, ut ad minimun
m pars aquæ copiæ ex superiori Rheno delatæ, per ipsum transeat
ad *Leccam*, *Isalam Gelriæ* &c.; Hoc dein vel ex effectu patuit,
quem aquæ in hunc exserunt canalem, ab initio enim hujus sæculi
ad nostrum usque tempus hicce canalis tantum cepit incrementi, ut
hodie ad *Isalam Gelriæ* & *Leccam* justo major, quam propter angu-
stiora in inferiori parte loca ferre possunt, aquæ deferatur copia.

§. X C V.

Omnium maxime regulari fluminum statui nocere possunt Canales
a Belgis dicti *Killen* ex fluminis alveo lateraliter derivantes aquas ad
hoc illudve receptaculum (*Loosplaats.*) per quod ad mare percurrere
possunt breviorem viam. Exemplo rem illustrare lubet.

(*) Capiatur flumen BC; in punctis K, O & P dentur ejus-
modi canales aquam ex alveo BC abripentes, & deducentes in Re-
ceptaculum M, quod communicat directe cum mari. Ex sepius
demonstratis palam est, aquâ majori velocitate per eos in recepta-
culum M transeunte quantitatem in alveo BC ita imminui, nimi-
rum in inferiori parte, ut brevi alvei fundus P inter & C, excussis
particulis heterogeneis, elevetur, & horizontalior fiat, nam flumen, si
alveum suum sit excavaturum, eandem aquæ quantitatem retinere debet.
Excavatione hi canales quotidie ampliantur, maiores reportant decli-
vitates, ita ut flumen inter P et C per canales memoratos indesinenter
de sua aqua amittat, unde tandem alveus ibi ita obstructetur, ut
totum in loco C dispareat ostium; tempus autem hujus obstructio-
nis aliquando prolongatur, si per aliud flumen NR loco, quo repe-
riuntur memorati canales, depresso, in alveum BC aquæ adveha-
tur copia, quo fluminis BC parti inferiori quædam communicatur
velocitas, præsertim cum mare diuturnis furibundisque ventis suo
fluxu in fluminis ostium suas propellat aquas, sicutetque fluminis su-
perficiem ad majorem altitudinem, unde simul maxima aquæ quanti-
tatas

(*) Tab. II. Fig. XXIX.

60 DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

titas in fluminis alveum NR repellitur, quæ dein una cum aquis fluminis BC, refluente mari, majori velocitate accelerata descendit, partesque, durante fluxu, in fundum excussas mare versus deducint, fundumque excavat.

Hicce conditionibus fluminis ostium per longissimum temporis intervallum persistere potest; posito autem flumine NR lentiori & exiliori, ostium in C temporis lapsu omnino obstruetur: attamen licet capiatur flumen NR velocius, ostium in C non obstruetur quidem, sed communicatio fluminis BC cum mari in C disparebit, alluvionibus in distantia PR pluribus ortis. Effectus talium perniciosorum canalium quam manifesti sunt in nostra Patria, ubi consideramus flumen *Merwde*. Ex ruptura aggeris inter pagum *Werkendam* & urbem *Dordracum* anno 1421 facta (a), & cujus adhuc testes sunt agri inundati dicti *Bergsche-veld*, hoc flumen *Merwde* plures tales perniciosos retinuit canales, inter quos maximus est ille *Oudewiel* dictus, qui aquas ex superioribus fluminibus huc versus delatas ad loca sive receptacula dicta *Bergsche-veld*, *Hollands-diep*, & *Haring-vlied* & sic porro ad mare Germanicum deferunt; haec via non tantum brevior, sed & insignis quibusdam in locis est profunditatis, unde hi Canales, majori aquæ velocitate ita ampliati sunt, ut ad minimum $\frac{3}{4}$ partes aquæ ex flumine *Merwde* ad memorata abripiant loca, adeoque ex imminuta in alveo velocitate certo certius fundus obtinuit elevationem, ut vel hoc patet ex irregulari hujus fluminis fundi forma. Ex gr. a pago *Hardinks-veld* ad urbem *Dordracum* usque unaquaque horâ hollandica ipsi, 1. ped. cum 4. poll. declivitas est, dum a *Dordraco* ad ostium usque fere fundum habet horizontalem, quum in tota ista distantia 18 poll. declivitas ipsi restat, id est unaquaqua hora 2 poll. declivitas (b).

Hæc elevatio in dies adhuc accrescit, & fluminis capacitas præcipue ostii decrescit, quod loca angusta intra *Dordracum* & *Roterdamum* luce meridiana clarus docent, unde non immerito timendum, ne totum obstruatur; quum flumen *Lecca* prope pagum *Krim-*

pen

(a) *Vaderl. Hist.* t. 3. p. 453--455.

(b) *Velzen Rivier-kund. verhand.* pag. 133.

pen secum hoc jungens solum non satis habet virium, quibus fundum excavere posset, ipsius enim declivitas per depositiones partium quotannis quoque decrescit.

Ex his itaque demonstratis clarissime patet, remedium, ad hunc corruptum alveum corrigendum consistere in claudendis hisce canaliculis, & in inferioribus locis angustiis amplificandis. Verum hoc opus ab antiquis neglectum hodie multas involveret difficultates, quum non unius sed plurimum annorum foret, si enim omnes simul clauderentur, aquæ quantitates ad tantas intra aggeres exsurerent altitudines, ut aggeres his enormibus pressionibus vix ac ne vix quidem resistere possent, unde nisi tristissimæ spectandæ essent inundationes agrorumqne vastationes (a).

§. XCVI.

Tandem arte humana causas fluminum alveos elevantes multiplicari, haud raro observatur, quum ex turpi lucro homines, parvi flumen salutem facientes, alveos in locis inferioribus nimio aggerum nume-

(a) Inter canales lateraliter ex fluminibus aquas abducentes, quodam respe-
ctu referri mihi videntur Aquæ-ductus belgice Overlaat; constant ex Campo duobus aggeribus inclusa, & cūmmunicanti cum flumine, supra quem nimia aquæ copia ex fluminib[us] lateraliter ad hoc illudve receptaculum derivatur. Hoc scopo anno 1766. in nostra Regione inter pagos Baardwyd & Drunen talis fuit construētus Aquæ ductus, quo in flumine Vahali & Mosa abundans, & ex Majoratu deveniens aquæ copia inter duos aggeres derivatur ad receptaculum Bergsche-veld dictum. Hoc artificio aquæ superficies in alveos horum fluminum 4 pedibus depresso[rum] retinentur. Hi Aquæductus, adhibitis omnibus cautelis, omnino laudandi, fin minus, valde fluminibus nocivi sunt.

1. Campi, ex quibus construitur Aquæductus, supra flumen alveos sat elevati esse debent, ut tantummodo aquam deducere valeant superabundantem; fin minus, aquæ copia justo major ex flumine abduceretur, unde in alveo velocitas imminueretur, & corrodendi occasio aquis fluentibus adimeretur

2. Sedulo attendum ad ipsorum declivitatem, idcirco variis institutis libellationibus, indagetur, utrum in justa proportione sint declives ab initio ad receptaculum usque; præterea, utrum hinc illinc non dentur loca profundiora, unde exsurerent aquæ stagnantes.

62 DISSERTATIO MATHEMATICO-PHYSICA

numero aliquando coarctant, unde fit, ut aquæ copia ex superioribus devecta locis, in inferiori fluminis parte sistatur, retardetur, partibusque præcipitantibus, fundus horizontalior, minusve declivior reddatur.

§. XC VII.

Nobis nunc tandem dicendum restat, quid in flumen cursum perficiant Accessus & maris Recessus. De causa hujus mirabilis phænomeni, aliis proprietatibus & circumstantiis huc spectantibus nil dicam, quam fori mei non est hic ex professo agere de maris Accessu & Recesso, verum transgrediar ad effectus, quos in flumina exferunt fluxu & refluxu Aquæ marinæ. Flumen in suo descensu valde a maris fluxu affici, quis non videt? Nam resistentiam in contrariam patitur partem, unde ad ipsam sustinendam satis virium non habens gradum remeare cogitur; refluxente autem Mari, majori & accelerata velocitate exinde fluxum suum Marè versus iterum repetit, siveque peregit fluxum, & refluxum.

E. gr. (Tab. II. Fig. XXX.) sit AB alvei fundus quo cum communicat maris ripa GB. DB sit superficies fluminis tempore, quo Refluxus ad finem vergit; FE superficies Maris isto tempore. Cum instet tempus maris fluxus, aquæ marinæ in fluminis ostium advehuntur, & ingrediuntur alveum, unde fluminis aqua in \triangle DBA retrocedere cogetur versus A, & aquæ superficies in alveo ad aliquam exsurget altitudinem: ponamus BC esse istam ad quam vulgo peve-

3. Proportio ipsorum capacitatibus excedere debet proportionem aquæ derivandæ, ne, si forsitan aquæ quantitas justo fiat major, aggères ductorii periclitarentur, ne ex nimia angustia disrumpantur.

4. Præterea non nimis flumen alveis propinquai construantur, sed inter alveum & Aquæ-ductum detur notabilis amplitudo, supra quam aquæ dilatari, minorique exinde velocitate ferri possunt intra aggères ductorios, si enim nimis alveis propè adjacent, aqua majorem altitudinem, idcirco velocitatem majorem retinereret, qua in agros nimis ageret.

5. Tandem hic observandum, ne construantur, nisi alveorum capacities ita sint imminutæ, ut aquæ quantitates hyeme non amplius ferre possint, quo sèpe fieret in viciniis eluvies.

pervenit Fluxus, tunc Fluxus Maris ad locum D usque extendetur, quia aquæ semper ad libellam componuntur, Interim in locis superioribus aquæ non retropellentur, sed sistentur, & accumulabuntur; quo fit, ut, durante Fluxu Maris, arenæ aliæve partes leviores majori deponantur copia, & alveus exinde elevetur; Verum recedenti Mari, aqua majori feretur velocitate, quia non tantum quantitas in distantia AB est adaucta quantitate in Δ CED, sed etiam aquæ in superiori loco retardatæ & accumulatæ exinde acquisiverunt majorem declivitatem, unde flumen majori isthac velocitate aquas marinas partesque, durante fluxu excussas alveo suo iterum expellit, iterumque alveum excavabit; sic fluminis ostium per longissimum tempus persistere potest. Hoc tamen intelligendum de flumine, quod satis viarium, & sat amplam aquæ quantitatem in Mare advehit, in hoc enim casu, tempus Refluxus majus erit, quia flumen majorem aquæ quantitatem ad mare deferendam habet, unde plures partes ad mare se cum abripiet, quam excusse fuerunt.

§. XCVIII.

Si vero fluminis rapiditas, quacunque de causa fiat debilior, majorem tunc flumen patietur retardationem in Maris Accessu, unde per assiduam partium depositionem fundus insignem ante ostium nascitur elevationem, ita ut ante ostium, vel in ipso ostio comparent variæ insulæ, quæ & dein mole & numero, in quovis Maris Accessu ita accrescunt, ut ostium totum obstringatur.

§. XCIX.

Verum si flumen ostium habeat satis patens, licet ipsius velocitas & quantitas minor fuerit, ostium per longissimum tempus aliquando servabit, tunc etenim majorem aquæ copiam suo alveo recipere vallet, & Fluxus Maris ad majorem in alveum fese extendit distantiam; unde, recedentibus aquis marinis, flumen majori exinde acquisita celeritate, majorique quantitate mare versus refluens partes excussas majori copia elevat, secumque ad mare defert, ita ut alveum retineat declivem. Hinc itaque sequitur, imminuta alvei in inferiori

loco

loco capacitate, aquas marinas accedentes in alveum minori deferrī copia, unde fluxus non ad tantam se extendere potest distantiam in alveo, qui ideo continuo elevatur. Sic in nostra Regione flumen *Vahalis* fluxum ante aliquot sēcula alveo suo recepit ad urbem *Neomagum* usque, quæ distantia interim ita descrescit, ut hodie vix pertingat fluxus ad *Dordracum*.

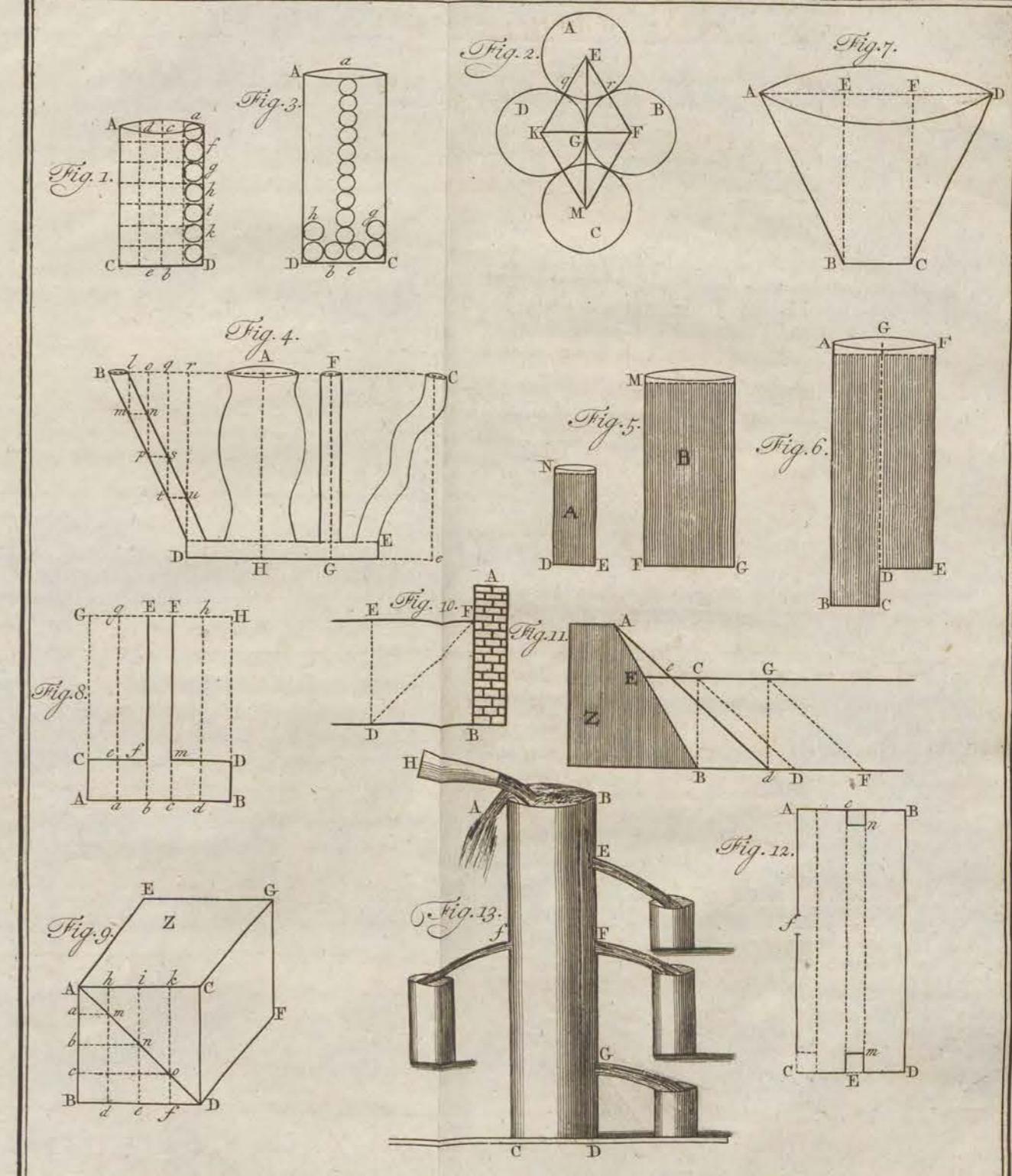
§. C.

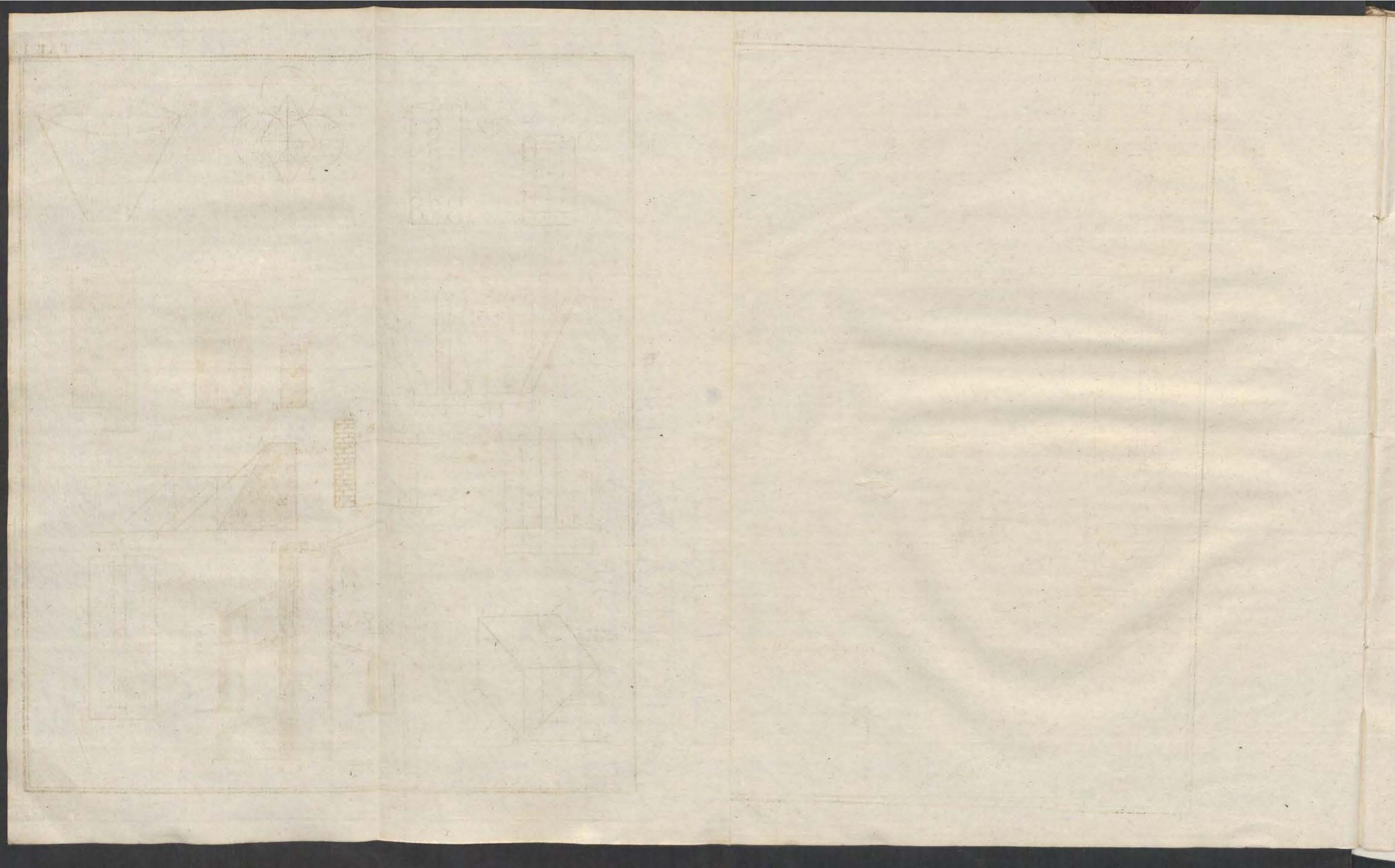
En B. L. hic vela meæ dissertationis contrahere constitui, ne prolixitate tædio sim; quamplurima omitto, quæ ad hanc materiam de natura fluminum spectant, nimirum flumina plurima inter se communicantia; modum, quo flumen plura acquirat ostia, deinceps iterum amittat; & multas alias circumstantias huc pertinentes missas facio; adjungissem nisi hæc omnia volumni potius, quam dissertationi inaugurali convenient, quam ob rem hisce laboribus nunc imponeo

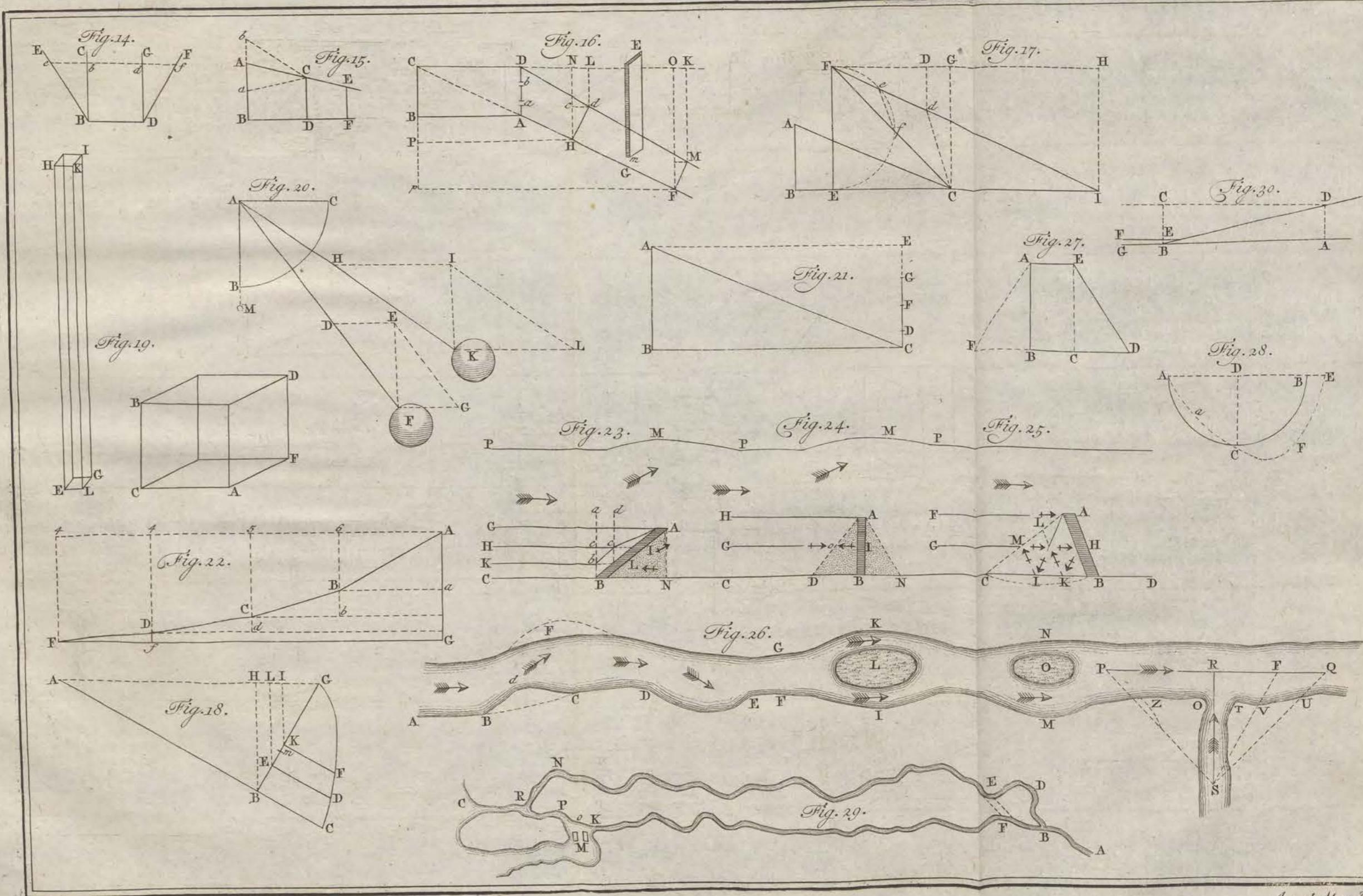
F I N E M.

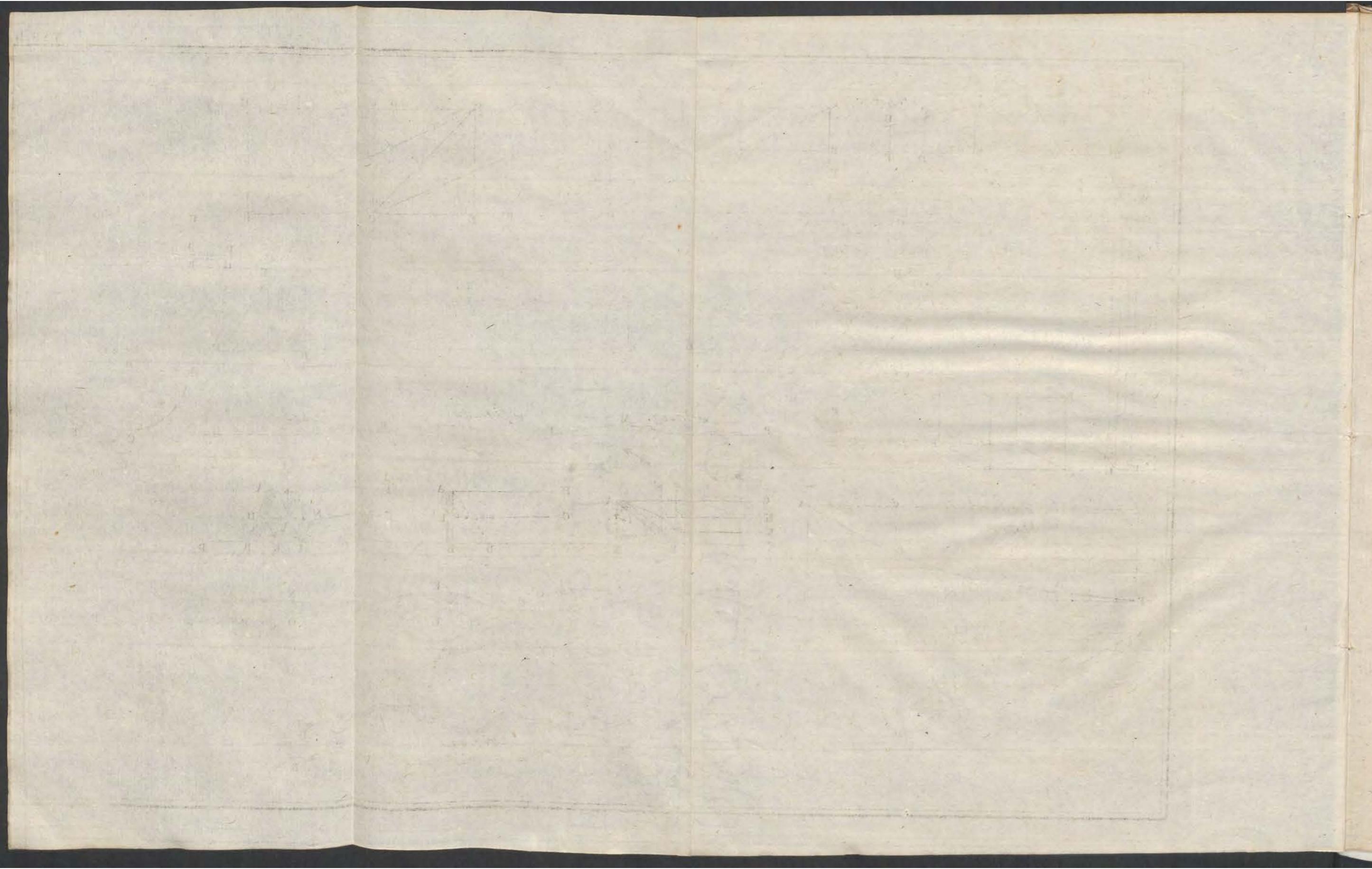


THESES.









THESES.

I.

Hominibus perperam ideæ adæquatæ tribuuntur.

II.

Fallitur CARTESIUS, dum Mentis essentiam in cogitandi actu quærendam docet.

III.

Mentem & corpus DEUS tali arctissimo univit vinculo, ut bæc duo in se invicem agant, de modo autem, quo hoc fit, nil certi affirmare possumus, mibi tamen Systema Influxus Physici cæteris verosimilius, multoque minoribus premi difficultatibus videtur.

IV.

Sententia EPICURI, quod Mundus sit enatus ex fortuito Atmorum concursu, absurdum omnino est. Contra, Mundum illum a DEO ex nibilo productum firmiter tenemus.

V.

Corporum partium cohæsionem ex vi attractivâ eruere non absurditatem involvit.

VI.

Phœnomenon attractionis ex solutione Chemica evidentissime patet.

VII.

Fontes non ab unica, sed a pluribus causis suam habere possunt originem.

VIII.

Flumen in statu naturali integro existens, habet minimam prope Principium, maximam vero prope Ostium latitudinem.

IX.

Hinc Angustiae in locis inferioribus omnino nocere, ac pessimæ sequelæ esse possunt.

I

X.

THESE

*Ex aucta aquarum altitudine in fluminum alveis, non semper
concludi potest, velocitatem aquarum fuisse auctam.*

X I.

*Flumen in integro statu existens eandem aquæ copiam omnino
retinere debet.*

X II.

Hinc Exonerations laterales tali flumini pessimæ sunt.

X III.

*In Flumine autem, cuius alvei figura in inferioribus locis est
corrupta, non omnes, sed quedam prodeesse possunt; adeo-
que Aquæ-ductus (Overlaat) quibusdam in casibus, si rite
ac legitime construantur, omnino laudandi sunt.*

X IV.

*Arenarum principium terrestre cum Argillarum principio con-
venire probabile est ex experimentis (*) unde sententia, quod
Arenæ suum petant principium terrestre ex purissimis, mi-
nutissimisque particulis argillaceis, verosimilior videtur,
quam sententia, quod Argillæ oriuntur ex Arenarum par-
tibus dissolutis.*

X V.

*Cometæ sunt corpora opaca, Mondo coeva, non meteora; sed
Planetæ, qui per Cæli spatia constanti ordine circa so-
lem moventur, accedendo, & recedendo in orbitis admodum
oblongis; adeoque esse calamitatum signa, perperam censemur.*

X VI.

*Ex GALILEI, aliorumque dein astronomorum observationi-
bus, Viam Lacteam, non Meteoron, sed diversarum stella-
rum esse congeriem, manifestum est.*

(*) Natuurl. Hist. van Holland 2. D. p. 217.

KLINKERTI VOOR DE WELEDELE HEEREN

G E B R O E D E R S

JAN EN ADRIAAN ESDRÉ,

Toen de Eerstgenoemde den AART DER RIVIEREN, en de Laatstgenoemde het WATERPAS in voortreffelyke Verhandelingen, voor gesteld hebbende, opentlyk tot MEESTERS in de Vrye Kunsten, en LEERAAREN der Wysbegeerte zyn ingehuldigd op 's Lands Hoge Schoole binnen LEYDEN.

De Leer van 't Bybelwoord, met nutte wetenschappen Te paaren, tot Gods eer en 't Vaderland tot heil,
En d'ebbe en vloed van 't hart te houden onder peil,
Door naerstigheid en deugd 't gevaar der Jeugt te ontsnappen;

Met d' Euangelieschaar grootmoedig voort te stappen;
Het windje van Gods geest te blaazen in het zeil
Van Petrus zinkend Schip, door Jezus byzyn veil;
Is regt Wysgeerlyk treën op heilige Eerentrappen.

Dit is het dat uw jeugd, o ESDRÉS ondervind,
Daar ge, als twee Broeders, zoo getrouw en eensgezind,
En Land en Kerk ten dienst, uw schreeden wilt bestieren:

Wyl 't voorbeeld van uw deugt by Leidens Schooljeugd blinkt,
En 't lof der WISKUNST langs de Maas en Rhynstroom klinkt,
Daar ze uw Triumfkoets ment, op 't val van 's Lands RIVIEREN.

Sine Fuco

J. L. F. V. B.

M. D.

TER BEVORDERING
VAN DEN
WELDELEN HEERE
J A N E S D R E,

*Tot Meester in de Vrye Kunsten, en Leeraar in
de Wysbegeerte.*

Thans ziet men uw noeste vlyt.

In Minerva's Glorie Zaalen,

Na een Eed'le letter-stryd,

Met geleerdheids lauwren pralen,

Daar Natuur-kunde U ontmoet,

En U als haar Lieveling groet.

Gy behielt voor Haar veel zucht

Schatte Haar te regt na waarde,

d'Eigenschap van Zee, en Lucht,

Gy ons menigmaal verklaarde,

En hoe dat het Licht en Vuur

Volgt de wetten der Natuur.

Dan zag me eens uw konstryk oog

Bezig in de kleinsten dingen

Dan weer van benēen om hoog

Door de Lucht en Wolken dringen,

Om den loop der Zon en Maan,

Of der Sterren ga te slaan.

Dari

Dan hield Scheikunst uw verstand
Bezig in bespiegelingen
Men zag uw bedreven hand
Door het hardtst Metaal heen dringen,
Daar Ge uit ieder lichaam leert,
Hoe God alle ding formeert.

Dit stelde U nog niet te vrêen
Neen Gy moest aan ons ook toonen,
Welke Schepzels hier benêen,
Of in Lucht, en Water woonen,
Die Gy (schoon ter neer geveld),
Leevend als voor oogen stelt.

Ja men ziet uw wetenschap
Noch van dag tot dag vermeeren,
Daar Ge eerlang tot hooger trap
Klimmen zult, om 't volk te leeren,
Op dat Elk' vol van Gods lof
Steig'ren mag na 't Hemel hof.

Dus hoort men wel haast uw naam
En Geleerdheids lof verspreiden,
Daar ze op wieken van de Faam
Over al zig uit zal breiden,
Zo dat Elk U in 't getal
Der Geleerden tellen zal.

Vaar dus voort myn Boezem-vriend,
'k Wensch, schoon door het Lot gescheiden,
Dat ik altoos ondervind,
Dat de Vrindschap ons geleide,
En dat nimmer twist of haat
Onze oregte Vrindschap schaad.

Leev dan heilryk en gezond
Strek ten nut van veele menschen,
Zo zal Elk met hart en mond,
U steeds alle welvaart wenschen,
Tot dat Ge eens der dagen zat
Juichen zult in *Salems* stad.

J. W. VAN NOORT,
Med. Doct.



A A N

AAN DEN HEERE
JAN E S D R È,

Toen zyn Ed. tot Doctor in de Wysbegeerte, en Meeester der
Vrye Konsten werd ingewyd.

accipe nostri

Certus, & hoc veri completere pignus amoris,
Quod si digna tua minus est mea pagina laude,
At voluisse sat est, animum non carmina jacto.

LUGANUS.

Geleerde Heer! uw gunst zet myne Zangster aan,
Om thans tot uwen lof een blyden toon te slaan,
En U dit Maatgezang gulhartig toe te wyden;
Daar 'k U met eer bekroont naar Pallas Choor zie leiden
Een groene Lauwerkrans uw kruin en schedel drukt,
En Gy de vrugten thans van al uw zweegen plukt.
Gelyk een Minnaar, die na zo veel vrugt'loos poogen,
En zoet gevlei, in 't eind op zyn triomph kan boogen;
Ja als een Zeeman, die na guure storm, en wind
Te hebben uitgestaan het vaste Land weer vind.
Zo is 't met U, myn Vriend! die reeds een zestal jaaren
U schier hebt afgesloofd, om kennis te vergaaren,
En alles hebt doorzogt, wat ons Natuurkonst geeft,
Wat Starre en Wiskonst leerd, en Scheikunde in zig heeft,
Hoe men door Redenkonst zyn meening kan betogen,
En door geen valschen schijn van Waarheid word bedrogen,

Ja

Ja wat al kostlykheen , wat ryke en dierb're schat
Ons uitgestrekt Heelal niet al in zig bevat.
Hoe dikwerf dagt Ge in 't eerst! zal ik Minerv' behaagen?
En ooit op mynen Krutin haar frischen Lauw'ren draagen?
Nu Zeegenpraald Ge in 't eind , nu word uw naam verbreyd
En zo Gy verder gaat, de onsterflykheid geweyd!
Zo wil de Hemel vaak de naarstigheid beloonen
En Pallas braave Zoons met eer en agting kroonen!
Geluk dan waerde Vriend ! geleerdheids voesterling !
Geluk ! driewerf geluk geluk met uw bevordering !
Smaak ! smaak nu 't waar vermaak , 't geen uw de Musen geven;
Daar gy thans welk een vreugd! dit tydstip moogt beleven,
Waar in gy blyken geeft, van uw doorkneed verstand,
Tot roem van uw geslacht, tot nut van 't Nederland,
Vaar voort ô Letterheld! uw kennis te beschaaven,
Verryk uw edel brein, met Wetenschap en Gaven,
Zo stygt uw roem ten top, zo krygt uw vlyd haar loon,
Zo..... dan myn Zangster zwygt, en eindigt haren toon.

Amicitiae gratia.



C O R R I G E N D A.

- Pag. 3. lin. 8. opinati *lege* opinati
— 4. lin. 1. columnis AD *lege* columnis a D
— 9. lin. 18. quantatis *lege* quantitatis
— 10. lin. 18. GHag *lege* GAag
— 14. lin. 2. me *lege* me
-

verso la CORRIDURA,

